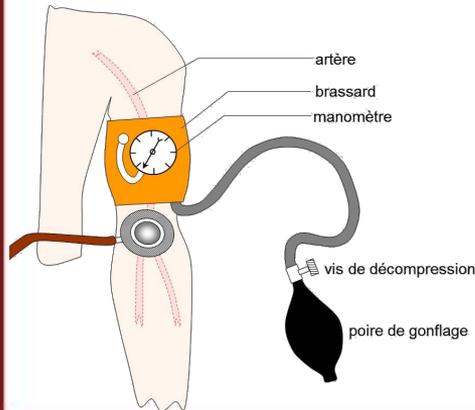


Tous droits réservés Tutorat Santé Brestois ©  
Toute diffusion et reproduction, totale ou  
partielle, de ce document est interdite

**PASS/LAS**

# Biophysique de la circulation

## Mécanique des Fluides



Stage de Pré-Rentrée 2025  
Pôle Biophysique/Physiologie

Inspiré du cours du Professeur Salaün



## Petit message d'avertissement avant de commencer :

Nous vous rappelons que ce diaporama, réalisé par des étudiants, est une aide et **non un support de cours officiel** et ne peut donc pas être considéré comme un ouvrage de référence lors de l'examen de PASS ou de L.AS.

Il se base sur le **cours de l'année précédente** qui peut être **amené à être modifié** dans sa forme et son contenu au bon vouloir du professeur.



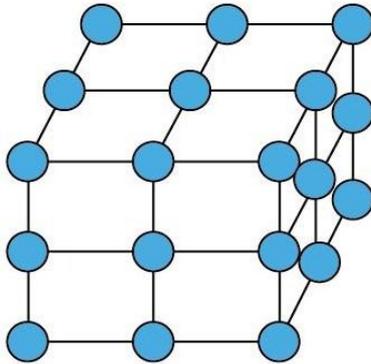
Have fun ;)

# Sommaire

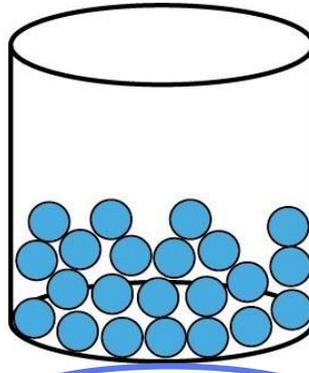
- 1. Définitions**
- 2. Statique au sein d'un fluide incompressible**
  - Définition
  - Loi de Pascal
- 3. Dynamique au sein d'un fluide incompressible**
  - Débit d'un fluide incompressible
  - Écoulement d'un liquide idéal
  - Écoulement d'un liquide réel
- 4. Mesure de la pression artérielle**



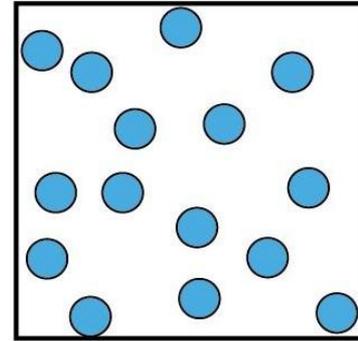
# 1. Définitions



Solid



Liquid



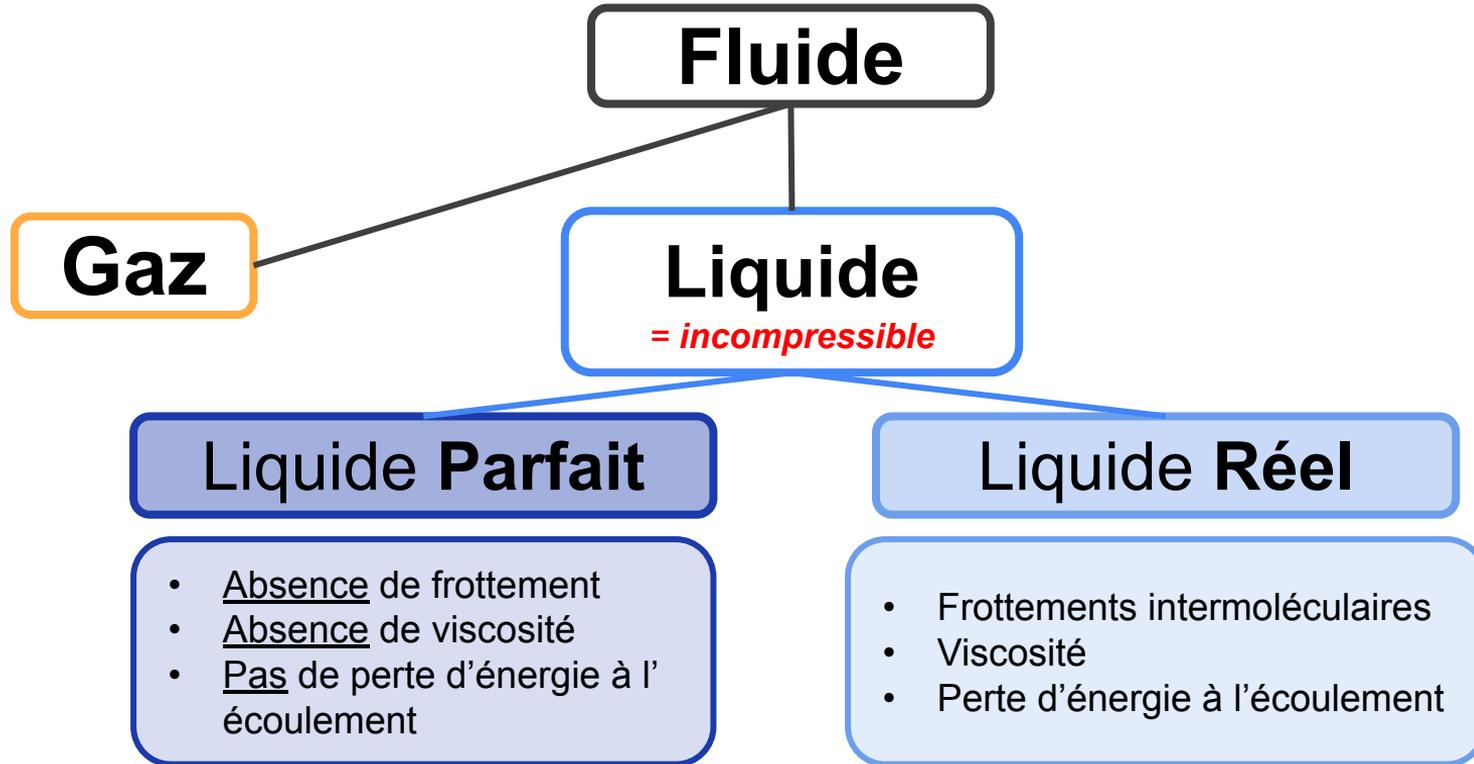
Gas

- Occupe un volume **défini**
- **Incompressible**
- **Inextensible**
- Pas de forme propre

- Occupe un volume **NON défini**
- Compressible
- Extensible
- Pas de forme propre



# 1. Définitions



## 2. Statique au sein d'un fluide incompressible

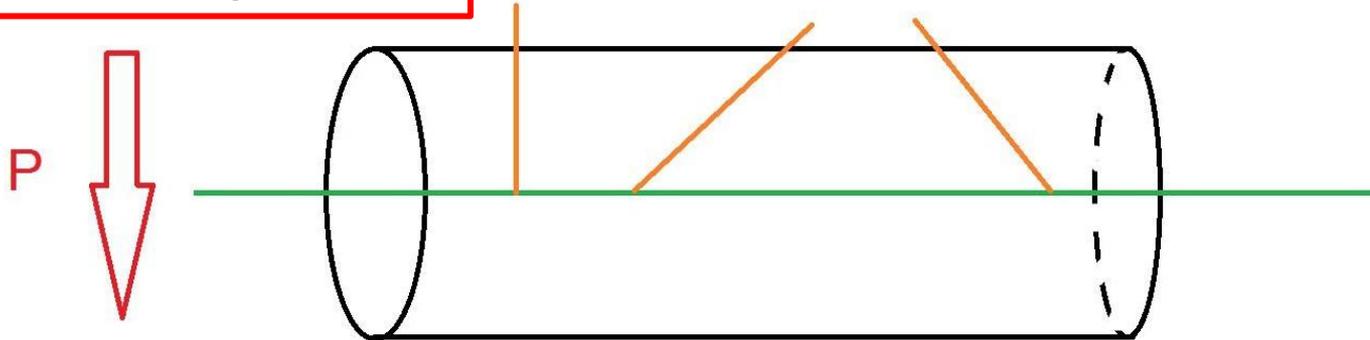


## 2. Statique au sein d'un fluide incompressible

### A. Définition

Au sein d'un liquide **statique**, un capteur recueille une pression qui :

- Est **indépendante** de l'orientation du capteur
- Est **identique** pour tous les points d'un même niveau.
- Augmente avec la **profondeur**



## 2. Statique au sein d'un fluide incompressible

### A. Définition

La **pression P** ( $\text{N/m}^2$ ) est le résultat d'une **Force F** (Newton, **N**) sur une **Surface S** ( $\text{m}^2$ ). L'unité de la pression est le **Pascal (Pa)**.

$$P = F/S = [\text{N/m}^2] = [\text{kg} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{s}^{-2}] = [\text{Pascal}]$$

$$\text{Car } [\text{N}] = [\text{kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-2}]$$

La **pression** est aussi le résultat d'une **énergie** sur un **volume**.



## 2. Statique au sein d'un fluide incompressible

### A. Définition

Dimensions

$M.L^{-1}.T^{-2}$

$M.T^{-2}$

$M.L.T^{-2}$

$M.L^2.T^{-2}$

Unités système  
international

$1 \text{ kg.m}^{-1}.\text{s}^{-2}$

$1 \text{ kg.s}^{-2}$

$1 \text{ kg.m.s}^{-2}$

$1 \text{ kg.m}^2.\text{s}^{-2}$

P<sub>ression</sub>

T<sub>ension</sub>

F<sub>orce</sub>

E<sub>nergie</sub>

x l

x l

x l

x S

x S

x V



## 2. Statique au sein d'un fluide incompressible

### A. Définition

Mais il existe différentes unités de Pression :

$$1 \text{ atm} = 1013 \text{ hPa} \text{ (} 101\,300 \text{ Pa)}$$

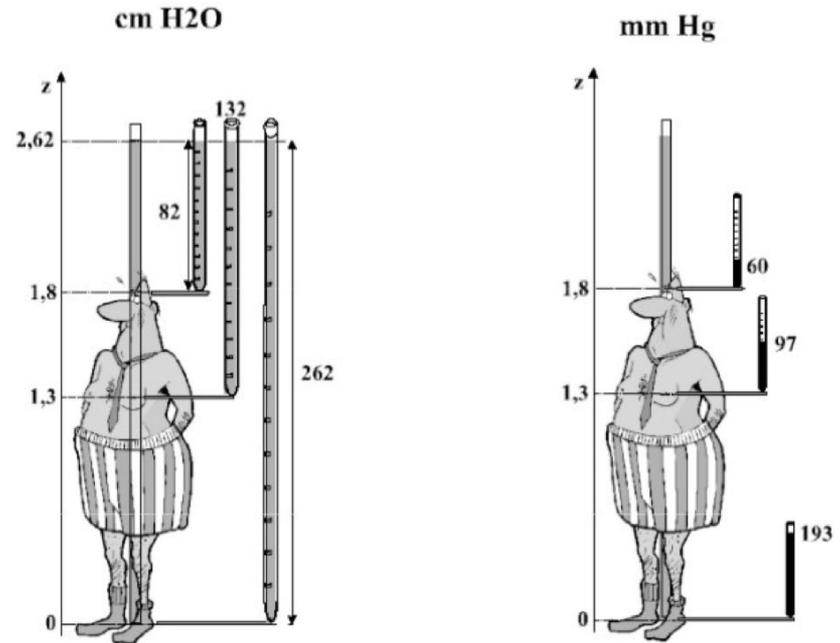
$$1 \text{ cmH}_2\text{O} = 98 \text{ Pa}$$

$$1 \text{ mmHg} = 133.2 \text{ Pa}$$

$$1 \text{ mmHg} = 1 \text{ torr}$$

$$1 \text{ bar} = 100 \text{ kPa} = 10^5 \text{ Pa}$$

$$1 \text{ atm} = 760 \text{ mmHg}$$



## 2. Statique au sein d'un fluide incompressible

### B. Loi de Pascal

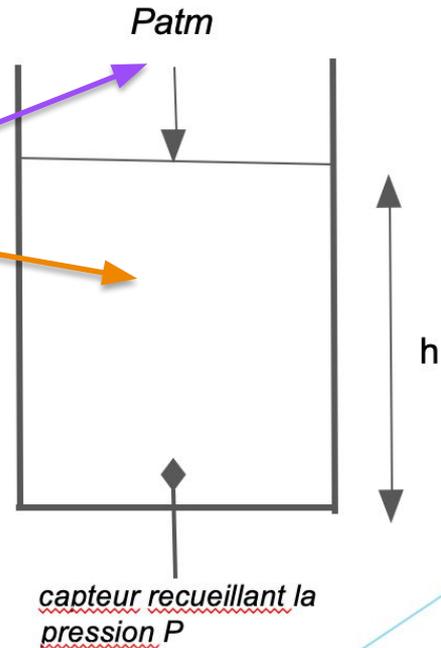
La **loi de Pascal** définit la **pression** au sein d'un liquide **STATIQUE** (*fluide immobile, incompressible et de masse volumique uniforme*).

Dans une colonne d'eau :

$$\begin{aligned} \mathbf{P} &= \mathbf{\rho gh} + \mathbf{P_{atm}} \\ &= \mathbf{\text{Poids de la colonne d'eau}} \\ &+ \mathbf{\text{poids de la colonne d'air}} \end{aligned}$$

Avec :

- **P** = pression au sein du liquide (en pascal)
- **P<sub>atm</sub>** = pression atmosphérique au dessus du liquide (en pascal)
- **ρ** = masse volumique (en kg.m<sup>-3</sup>)
- **g** = intensité de la pesanteur (en m.s<sup>-2</sup>)
- **h** = hauteur de la colonne de liquide (en m)



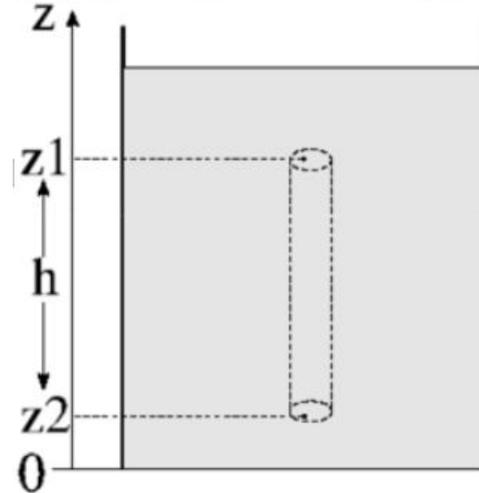
## 2. Statique au sein d'un fluide incompressible

### B. Loi de Pascal

Formule à connaître - Loi de Pascal :

$$P_{z2} - P_{z1} = \rho gh$$

Avec  $h = dz = z2 - z1$



L'orientation dans l'espace **est importante !**

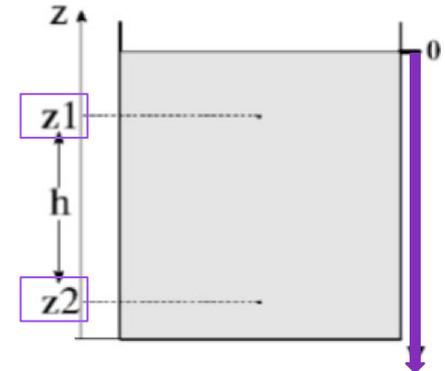


**“ L’orientation dans l’espace est importante ” - En profondeur :**

Formule à connaître - Loi de Pascal :

$$P_{z2} - P_{z1} = \rho g h$$

Avec  $h = dz = z2 - z1$



$$P_{z2} - P_{z1} > 0$$

*car la pression augmente avec la profondeur*

$$\rho > 0 \quad g > 0 \quad h ?$$

$$h \leftrightarrow dz \leftrightarrow z2 - z1 \text{ or } z2 > z1$$

donc  $h = z2 - z1 > 0$

$$\rho g h > 0$$

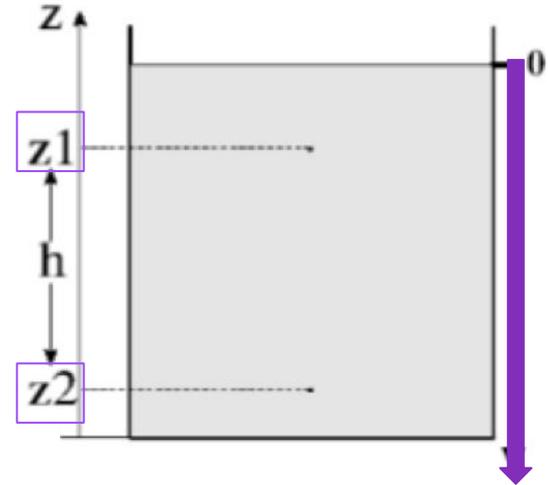


**“ L’orientation dans l’espace est importante ” - En profondeur :**

En profondeur, puisque  $z2 > z1$  , on a  $\rho gh > 0$

**Ainsi, la formule à utiliser est :**

$$P_{z2} - P_{z1} = \rho gh$$

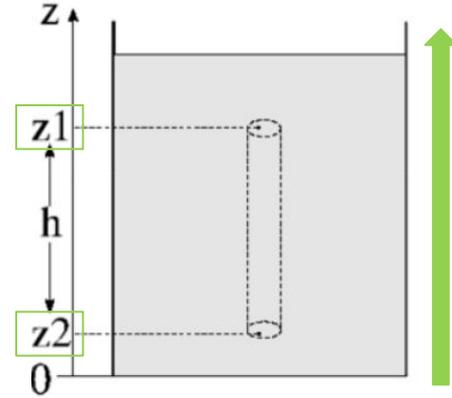


“ L'orientation dans l'espace est importante ” - En altitude :

Formule à connaître - Loi de Pascal :

$$P_{z2} - P_{z1} = \rho g h$$

Avec  $h = dz = z2 - z1$



$$P_{z2} - P_{z1} > 0$$

car la pression augmente avec la profondeur

$$\rho > 0 \quad g > 0 \quad h ?$$

$$h \leftrightarrow dz \leftrightarrow z2 - z1 \text{ or } z2 < z1 \\ \text{donc } h = z2 - z1 < 0$$

$$\rho g h < 0$$

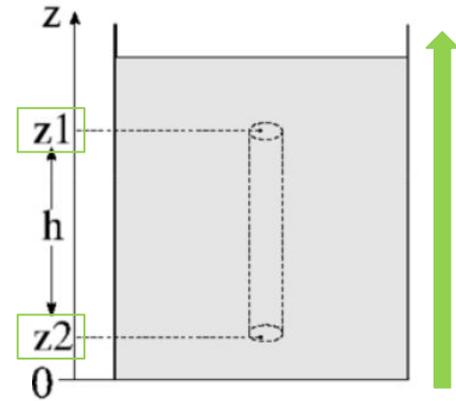


**“ L’orientation dans l’espace est importante ” - En altitude :**

En altitude, puisque  $z_2 < z_1$  , on a  $\rho gh < 0$   
mais  $-\rho gh > 0$

Ainsi, la formule à utiliser est :

$$P_{z_2} - P_{z_1} = -\rho gh$$



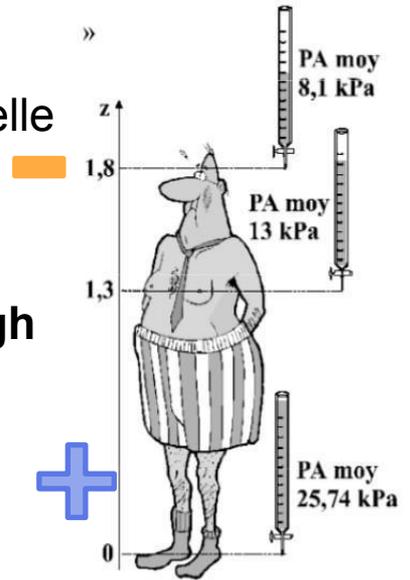
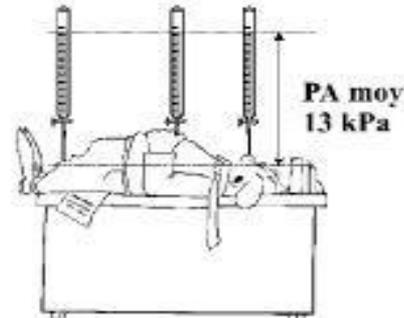
## 2. Statique au sein d'un fluide incompressible

### B. Loi de Pascal

La PA est **+ faible au niveau de la tête** qu'au niveau des pieds, où elle est la plus forte.

- En hauteur (altitude) par rapport au coeur :  $dP(\text{artérielle}) = - \rho gh$
- En profondeur par rapport au coeur :  $dP(\text{artérielle}) = + \rho gh$

Mais lorsque le patient s'allonge :  
**PA (tête) = PA (coeur) = PA(pieds) = 13 kPa**



## 2. Statique au sein d'un fluide incompressible

### B. Loi de Pascal

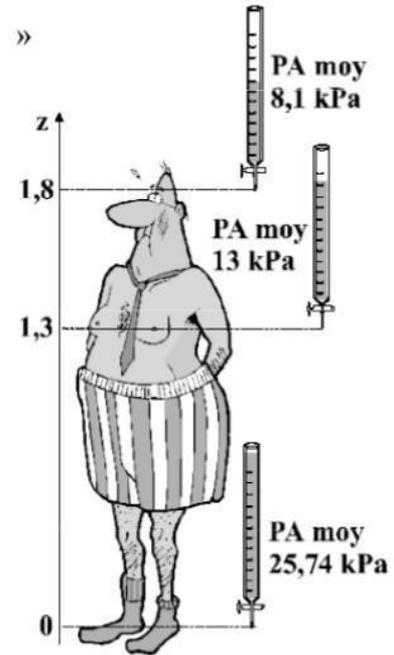
Application : On souhaite calculer la pression au niveau des pieds.

Pour calculer la pression au niveau des pieds  $P(0)$ , on peut utiliser la loi de Pascal :

$$P_{z_2} - P_{z_1} = \rho gh$$

Avec :

- $\rho$  (masse volumique sang) =  $1.10^3 \text{ kg.m}^{-3}$
- $g$  (intensité de la pesanteur) = constante
- $h$  (différence de hauteur coeur/pieds) = 1,3 m
- $P$  (pression au coeur) =  $P(1,3) = 13 \text{ kPa}$



## 2. Statique au sein d'un fluide incompressible

### B. Loi de Pascal

Application : On souhaite calculer la pression au niveau des pieds.

$$dP = \rho gh$$

$$\Leftrightarrow dP(\text{entre coeur et pieds}) = P(\text{pieds}) - P(\text{coeur}) = \rho gh$$

$$\Leftrightarrow P(\text{pieds}) = P(\text{coeur}) + dP(\text{entre coeur et pieds})$$

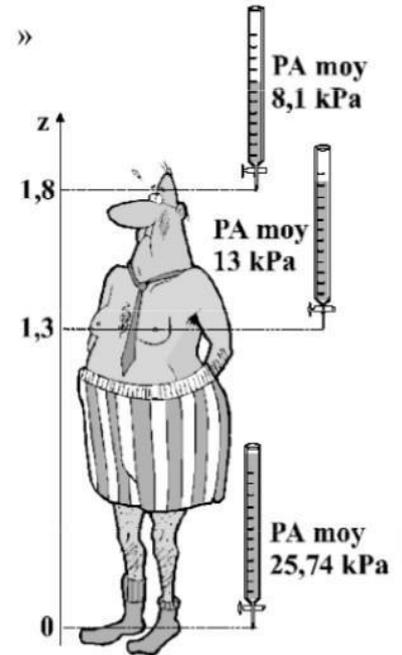
On a donc :

$$P(\text{pieds}) = P(\text{coeur}) + dP(\text{entre coeur et pieds}) = P(\text{coeur}) + \rho gh$$

$$P(0) = P(1,3) + dP(\text{entre coeur et pieds})$$

$$= 13 \text{ kPa} + \rho gh$$

$$= 13 \cdot 10^3 \text{ Pa} + 1 \cdot 10^3 \times 9.8 \times 1.3 = 25,74 \text{ kPa}$$



# 3. Dynamique au sein d'un fluide incompressible

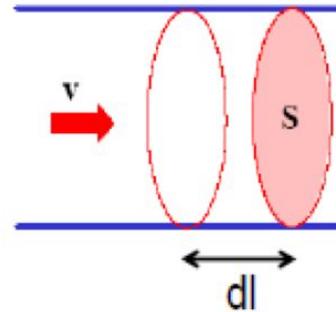


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### A. Débit d'un fluide incompressible

Le **débit** correspond à un **volume (V)** de fluide traversant une **section (S)** pendant une **unité de temps (t)**.

$$\begin{aligned} D &= \text{Volume} / \text{Temps} \\ &= dV / dt \text{ en } m^3 \cdot s^{-1} \end{aligned}$$



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## A. Débit d'un fluide incompressible

Le fluide traversant **la section (S)** pendant l'intervalle de **temps (t)** donné se situe entre la section (S) et une certaine distance (dl).

$$D = dV / dt$$

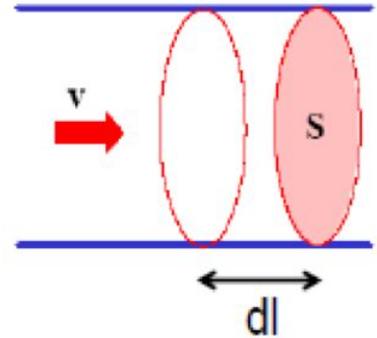
$$\text{or } dV \text{ (m}^3\text{)} = S \text{ (m}^2\text{)} \cdot dl \text{ (m}^1\text{)}$$

$$\text{donc } D = S \cdot dl / dt$$

$$\text{or } v \text{ vitesse (m.s}^{-1}\text{)} = \text{distance} / \text{temps} ; v \text{ (m.s}^{-1}\text{)} = dl/dt$$

$$\text{donc : } D = S \cdot v$$

La démonstration n'est pas à apprendre par coeur ! Elle est ici pour comprendre.



**Débit = Section x vitesse**



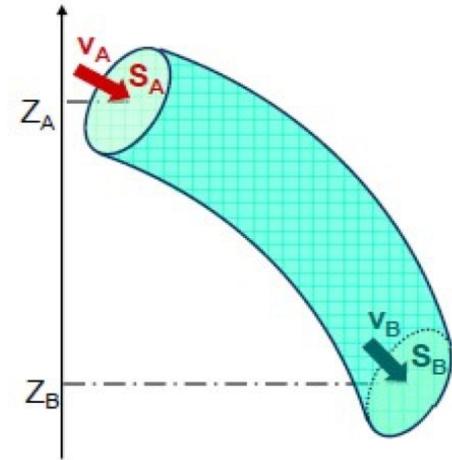
# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## A. Débit d'un fluide incompressible

### Propriétés :

- Fluide **incompressible** donc masse volumique **constante**.
- Conservation de la masse :  $m_A = m_B = m$ .
- Conservation de la surface :  $S_A = S_B$ .

D'où : Conservation du débit.



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### A. Débit d'un fluide incompressible

$$\text{Débit} = \text{Section} \cdot \text{Vitesse} = \mathbf{S \cdot v}$$

$$\text{Avec } \mathbf{D_A = S_A \cdot v_A} \quad \text{et} \quad \mathbf{D_B = S_B \cdot v_B}$$

Dans le corps, le débit est **CONSTANT** et est dit en  
"régime permanent".

$$\mathbf{D_A = D_B}$$
$$\mathbf{S_A \cdot v_A = S_B \cdot v_B}$$

Quand la **section (S) augmente**, la **vitesse (v) diminue** et inversement.

Ex : SB double de surface.

$$\mathbf{S_A \cdot v_A = S_B \cdot v_B}$$
$$\mathbf{S_A \cdot v_A = (S_B \times 2) \cdot (v_B / 2)}$$

Pour avoir une conservation du débit en A et en B, si  $S_B$  double, la vitesse en B est divisée par deux.



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

3 types d'énergie :

- **E1** : Énergie **potentielle**, liée à la pesanteur
- **E2** : Énergie **cinétique**, liée au mouvement
- **E3** : Énergie liée à la **pression statique**

$$E_{\text{tot}} = E1 + E2 + E3$$

L'**équation de Bernoulli** rend compte du **principe de conservation de l'énergie**.

Dans un fluide parfait : **pas de frottement, donc pas de perte d'énergie**.



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## B. Écoulement d'un liquide idéal

3 types d'énergie :

- **Energie potentielle** =  $mgh$
- **Energie cinétique** =  $\frac{1}{2} * mv^2$
- **Énergie liée à la pression statique** :  $PV$

Dans le cas d'un **liquide idéal** (non visqueux), il n'y a pas de perte de charge (pas de frottement) donc l'**énergie totale reste constante**.

$$E_{\text{TOTALE}} = E_{\text{Potentielle}} + E_{\text{Cinétique}} + E_{\text{Pression statique}}$$

$$E_{\text{TOTALE}} = mgh + \frac{1}{2}mv^2 + PV = \text{constante}$$



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## B. Écoulement d'un liquide idéal

La loi de Bernoulli →  $E_{\text{TOTALE}} = mgh + \frac{1}{2}mv^2 + PV = \underline{\text{constante}}$

Or  $P = E / V$  (cf. la méthode du PTFE)

On divise  
par V

$$E = mgh + \frac{1}{2}mv^2 + PV = \underline{\text{constante}}$$

$$P_{\text{TOTALE}} = E_{\text{TOTALE}} / V$$

$$P_{\text{TOTALE}} = ( mgh + \frac{1}{2}mv^2 + PV ) / V$$

$$P_{\text{TOTALE}} = \rho.g.h + \frac{1}{2}.\rho.v^2 + P = \underline{\text{constante}}$$



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## B. Écoulement d'un liquide idéal

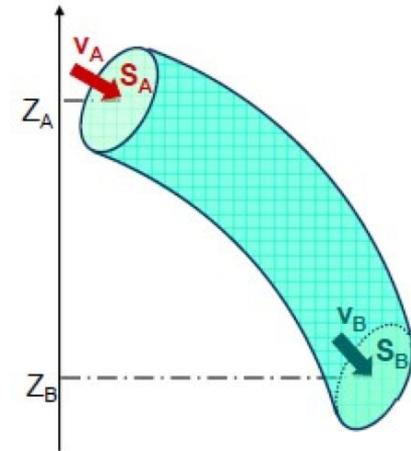
Selon la **loi de Bernoulli**, utilisée pour un **fluide parfait/idéal**, on sait que :

$$P_{\text{TOTALE}} = \rho \cdot g \cdot h + 1/2 \cdot \rho \cdot v^2 + P = \underline{\text{constante}}$$

Si on applique cela entre **un point A** et **un point B** :

$$\rho \cdot g \cdot h_A + 1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 + P_A = \rho \cdot g \cdot h_B + 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2 + P_B$$

Or si on applique ceci à un **fluide statique** vitesse = **0**



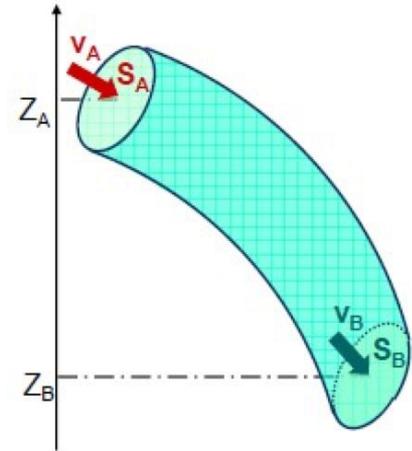
### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

Or si on applique ceci à un **fluide statique** vitesse = 0

$$P_{\text{Totale A}} = P_{\text{Totale B}}$$

$$\rho \cdot g \cdot h_A + 1/2 \cdot \rho \cdot v^2 + P_A = \rho \cdot g \cdot h_B + 1/2 \cdot \rho \cdot v^2 + P_B$$



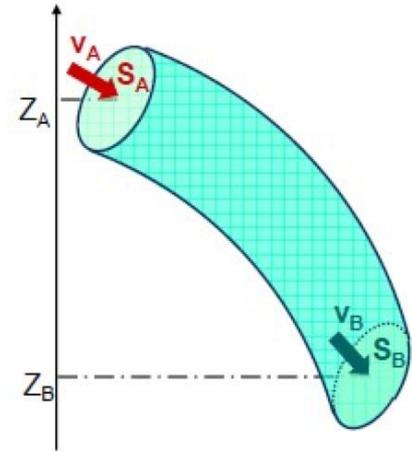
### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

Or si on applique ceci à un **fluide statique** vitesse = 0

$$P_{\text{Totale A}} = P_{\text{Totale B}}$$

$$\rho \cdot g \cdot h_A + 1/2 \cdot \rho \cdot v^2 + P_A = \rho \cdot g \cdot h_B + 1/2 \cdot \rho \cdot v^2 + P_B$$



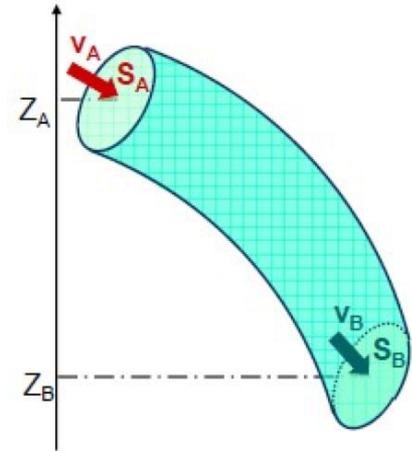
### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

Or si on applique ceci à un **fluide statique** vitesse = 0

$$P_{\text{Totale A}} = P_{\text{Totale B}}$$

$$\rho \cdot g \cdot h_A + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v^2} + P_A = \rho \cdot g \cdot h_B + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v^2} + P_B$$



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

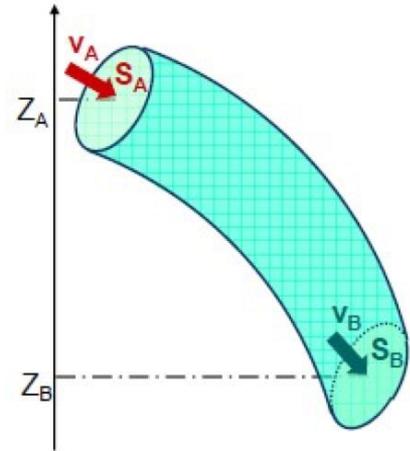
## B. Écoulement d'un liquide idéal

Or si on applique ceci à un **fluide statique** vitesse = 0

$$P_{\text{Totale A}} = P_{\text{Totale B}}$$

$$\rho \cdot g \cdot h_A + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v^2} + P_A = \rho \cdot g \cdot h_B + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v^2} + P_B$$

*On reformule puis on factorise et on obtient.*



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

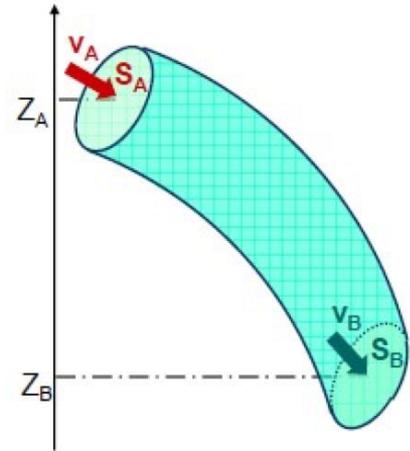
## B. Écoulement d'un liquide idéal

Or si on applique ceci à un **fluide statique** vitesse = 0

$$P_{\text{Totale A}} = P_{\text{Totale B}}$$

$$\rho \cdot g \cdot h_A + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v^2} + P_A = \rho \cdot g \cdot h_B + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v^2} + P_B$$

*On reformule puis on factorise et on obtient.*



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

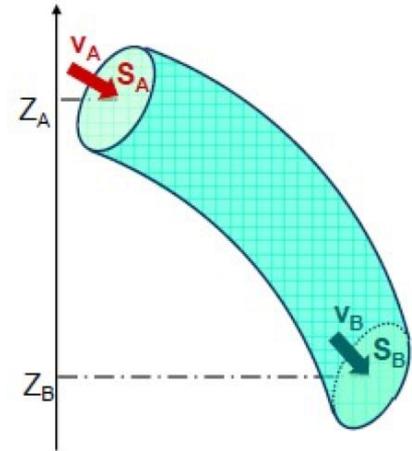
## B. Écoulement d'un liquide idéal

Or si on applique ceci à un **fluide statique** vitesse = 0

$$P_{\text{Totale A}} = P_{\text{Totale B}}$$

$$\rho \cdot g \cdot h_A + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v^2} + P_A = \rho \cdot g \cdot h_B + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v^2} + P_B$$

$$\rho \cdot g \cdot (z_A - z_B) = P_B - P_A$$



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## B. Écoulement d'un liquide idéal

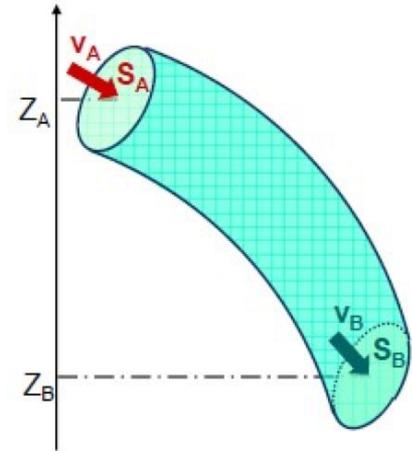
Or si on applique ceci à un **fluide statique** vitesse = 0

$$P_{\text{Totale A}} = P_{\text{Totale B}}$$

$$\rho \cdot g \cdot h_A + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v^2} + P_A = \rho \cdot g \cdot h_B + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v^2} + P_B$$

$$\rho \cdot g \cdot (z_A - z_B) = P_B - P_A$$

Et on retrouve la loi de Pascal !



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

**Loi de Bernoulli** : loi de **conservation de l'énergie**. Loi applicable aux **fluides parfaits** statiques ou dynamiques :

$$\rho \cdot g \cdot h + 1/2 \cdot \rho \cdot v^2 + P = \text{constante}$$

**Loi de Pascal** : loi de applicable aux **fluides statiques**.

$$\rho \cdot g \cdot (z_A - z_B) = P_B - P_A$$

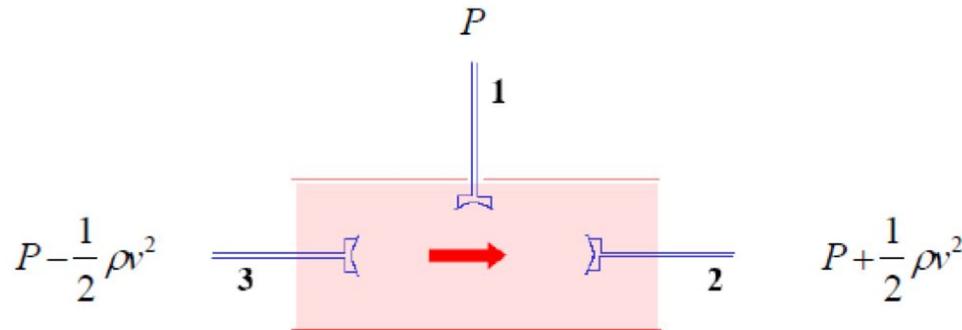


# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## B. Écoulement d'un liquide idéal

Loi de **Pascal** → liquide **statique** et équation de **Bernoulli** → liquide **dynamique**  
S'IL est **parfait** (et statique).

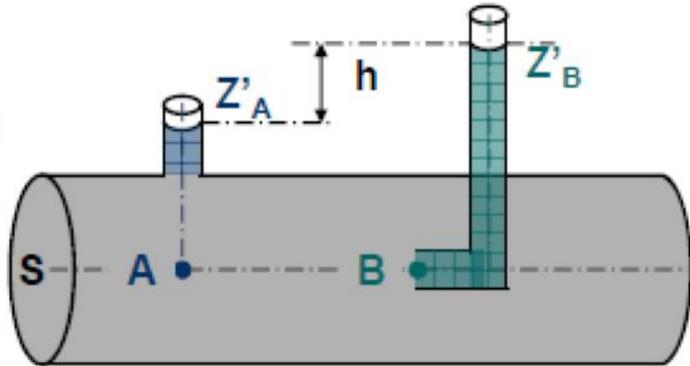
**Attention** : En dynamique ( $\neq$  statique), la pression n'est **pas** indépendante de l'orientation ! du capteur.



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot



Les Tubes de pitot : instrument de mesure de la vitesse des fluides, grâce à l'équation de Bernoulli.

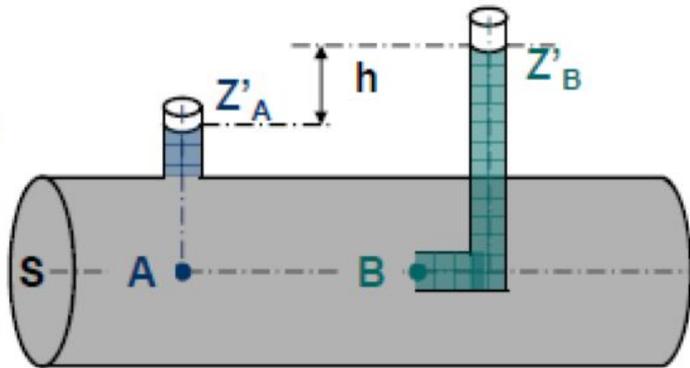
- Tube horizontal (*gris*) - Pression **Dynamique**.
- Tube vertical (*bleu*) - Pression **Statique**.
- Tube vertical (*vert*) - Pression **Statique**.
  
- Point A : vitesse non nulle.
- Point B : vitesse nulle = 0.



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot



Les Tubes de pitot : instrument de mesure de la vitesse des fluides, grâce à l'équation de Bernoulli.

- Tube horizontal (*gris*) - Pression **Dynamique**.
- Tube vertical (*bleu*) - Pression **Statique**.
- Tube vertical (*vert*) - Pression **Statique**.
  
- Point A : vitesse non nulle.
- Point B : vitesse nulle = 0.

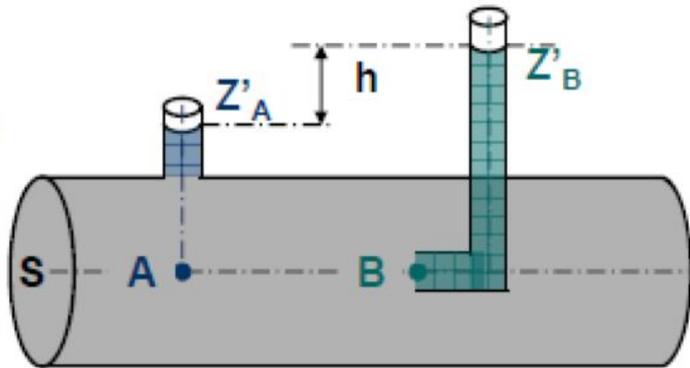
Rappel : On utilise **l'équation de Bernoulli**, le liquide est considéré **parfait** !



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot



Démonstration (*pas à connaître*) :

Application de l'équation de Bernoulli.

$$\leftrightarrow \rho \cdot g \cdot z_A + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 + P_A = \rho \cdot g \cdot z_B + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_B^2 + P_B$$

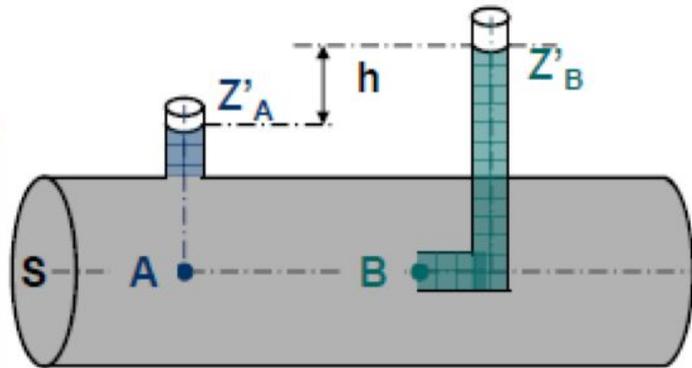
$$\leftrightarrow P_B - P_A = (\rho \cdot g \cdot z_A - \rho \cdot g \cdot z_B) + (\frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 - \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_B^2)$$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot



Démonstration (*pas à connaître*) :

Application de l'équation de Bernoulli.

$$\leftrightarrow \rho \cdot g \cdot z_A + 1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 + P_A = \rho \cdot g \cdot z_B + 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2 + P_B$$

$$\leftrightarrow P_B - P_A = (\rho \cdot g \cdot z_A - \rho \cdot g \cdot z_B) + (1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 - 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2)$$

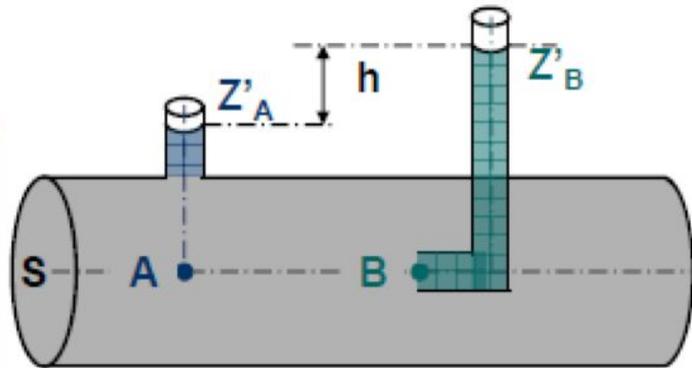
Or  $z_A = z_B$ , donc  $z_A - z_B = 0$ .



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot



Démonstration (*pas à connaître*) :

Application de l'équation de Bernoulli.

$$\leftrightarrow \rho \cdot g \cdot z_A + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 + P_A = \rho \cdot g \cdot z_B + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_B^2 + P_B$$

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \left( \cancel{\rho \cdot g \cdot z_A} - \cancel{\rho \cdot g \cdot z_B} \right) + \left( \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 - \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_B^2 \right)$$

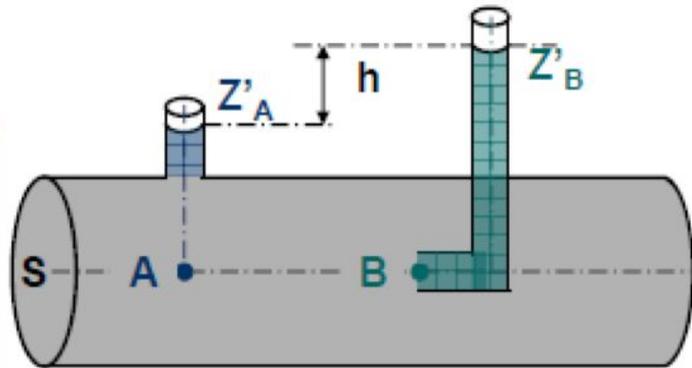
Or  $z_A = z_B$ , donc  $z_A - z_B = \mathbf{0}$ .



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot



Démonstration (*pas à connaître*) :

Application de l'équation de Bernoulli.

$$\leftrightarrow \rho \cdot g \cdot z_A + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 + P_A = \rho \cdot g \cdot z_B + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_B^2 + P_B$$

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \left( \cancel{\rho \cdot g \cdot z_A} - \cancel{\rho \cdot g \cdot z_B} \right) + \left( \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 - \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_B^2 \right)$$

Or  $z_A = z_B$ , donc  $z_A - z_B = 0$ .

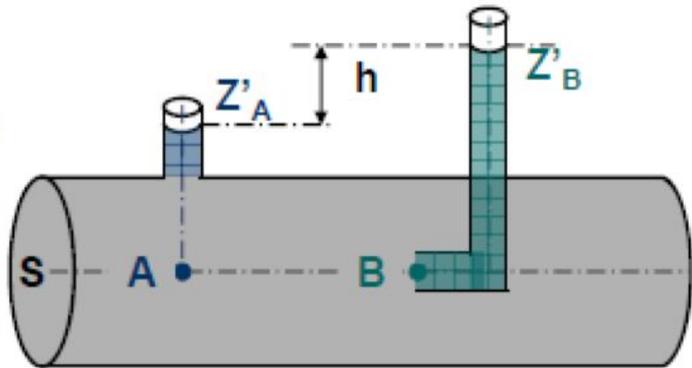
$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 - \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_B^2$$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot



Démonstration (*pas à connaître*) :

Application de l'équation de Bernoulli.

$$\leftrightarrow \rho \cdot g \cdot z_A + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 + P_A = \rho \cdot g \cdot z_B + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_B^2 + P_B$$

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \cancel{(\rho \cdot g \cdot z_A - \rho \cdot g \cdot z_B)} + (\frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 - \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_B^2)$$

Or  $z_A = z_B$ , donc  $z_A - z_B = \underline{0}$ .

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 - \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_B^2$$

Or la vitesse est nulle en B,  $v_B = \underline{0}$ .

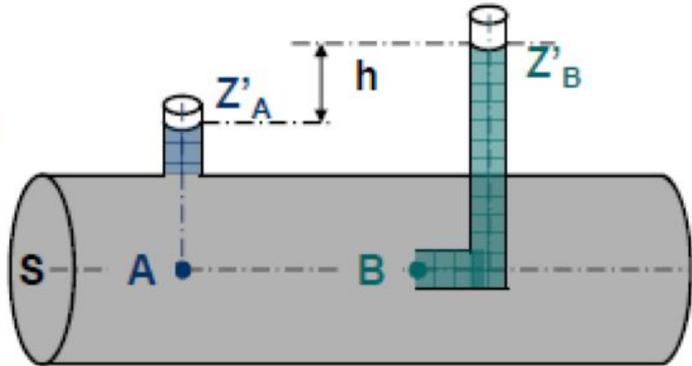


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot

Démonstration (*pas à connaître*) :  
Application de l'équation de Bernoulli.



$$\leftrightarrow P_B - P_A = 1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 - 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2$$

Or la vitesse est nulle en B,  $v_B = \underline{0}$ .

$$\leftrightarrow P_B - P_A = 1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2$$

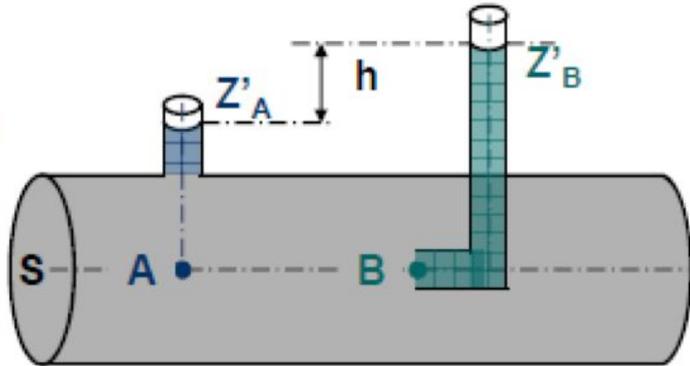


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot

Démonstration (*pas à connaître*) :  
Application de l'équation de Bernoulli.



↔

$$P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2$$

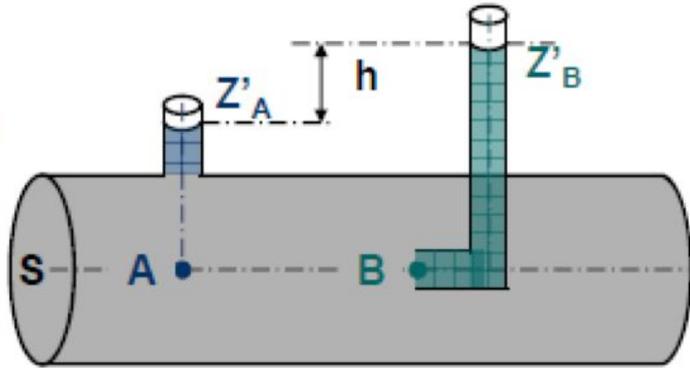


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot

Démonstration (*pas à connaître*) :  
Application de l'équation de Bernoulli.



$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2$$

Dans une situation expérimentale, on admet que

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \rho \cdot g \cdot h$$

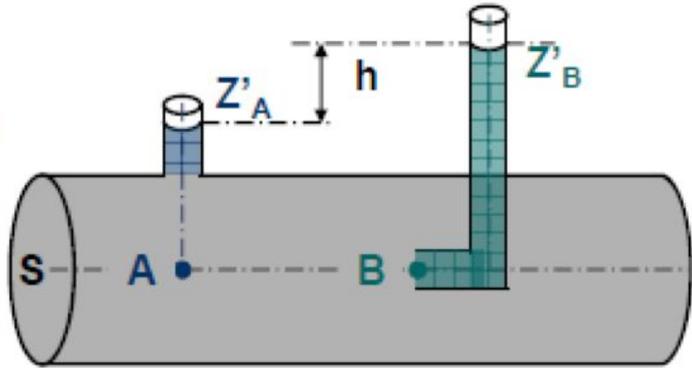


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot

Démonstration (*pas à connaître*) :  
Application de l'équation de Bernoulli.



$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2$$

Dans une situation expérimentale, on admet que

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \rho \cdot g \cdot h$$

$$\text{Ainsi : } P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 = \rho \cdot g \cdot h$$

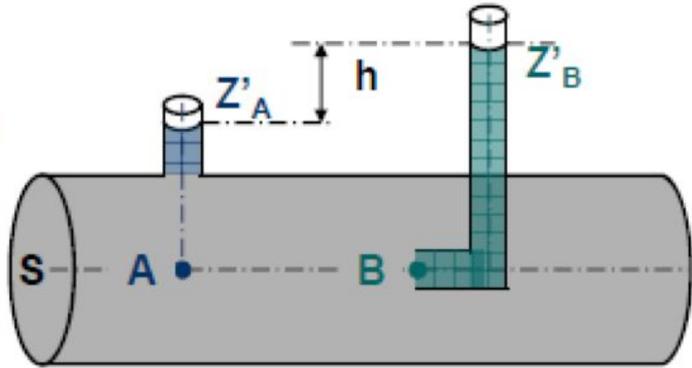


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot

Démonstration (*pas à connaître*) :  
Application de l'équation de Bernoulli.



$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2$$

Dans une situation expérimentale, on admet que

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \rho \cdot g \cdot h$$

$$\text{Ainsi : } P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 = \rho \cdot g \cdot h$$

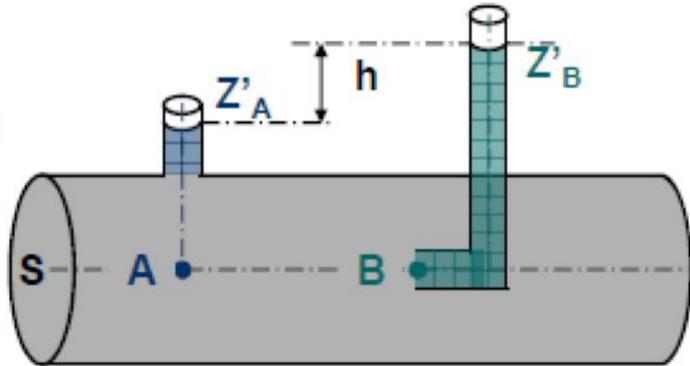


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot

Démonstration (*pas à connaître*) :  
Application de l'équation de Bernoulli.



$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2$$

Ainsi :  $P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 = \rho \cdot g \cdot h$

$$\leftrightarrow \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 = \rho \cdot g \cdot h$$

$$\leftrightarrow v_A^2 = \rho \cdot g \cdot h / \frac{1}{2} \cdot \rho$$

$$\leftrightarrow v_A^2 = g \cdot h / \frac{1}{2}$$

$$\leftrightarrow v_A^2 = g \cdot h \cdot 2$$

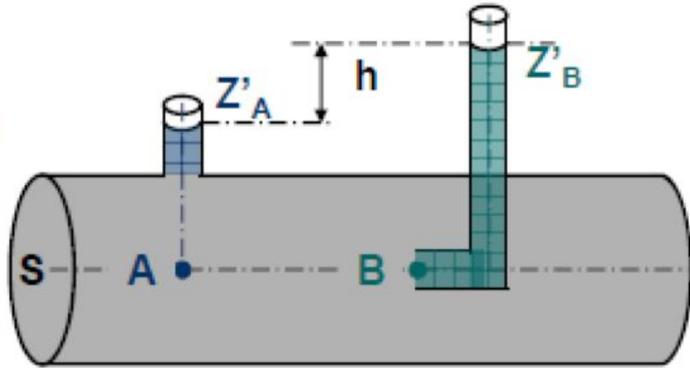


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot

Démonstration (*pas à connaître*) :  
Application de l'équation de Bernoulli.



$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2$$

$$\text{Ainsi : } P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 = \rho \cdot g \cdot h$$

$$\leftrightarrow \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 = \rho \cdot g \cdot h$$

$$\leftrightarrow v_A^2 = \rho \cdot g \cdot h / \frac{1}{2} \cdot \rho$$

$$\leftrightarrow v_A^2 = g \cdot h / \frac{1}{2}$$

$$\leftrightarrow v_A^2 = g \cdot h \cdot 2$$

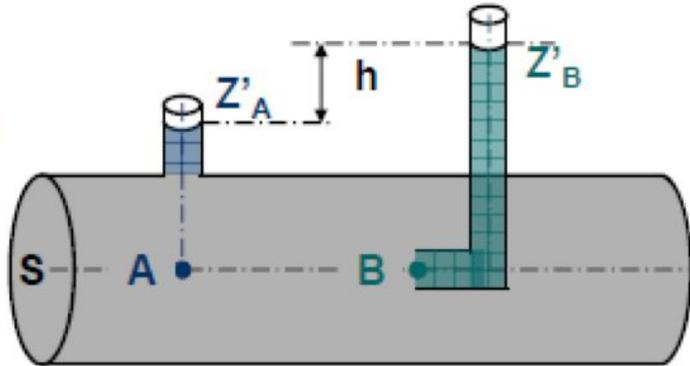


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot

Démonstration (*pas à connaître*) :  
Application de l'équation de Bernoulli.



$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2$$

$$\leftrightarrow v_A^2 = g \cdot h \cdot 2$$

$$\leftrightarrow v_A = \sqrt{g \cdot h \cdot 2}$$

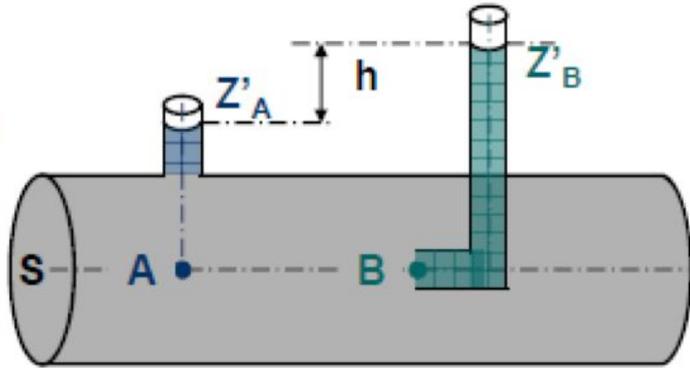


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot

Démonstration (*pas à connaître*) :  
Application de l'équation de Bernoulli.



$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2$$

$$\leftrightarrow v_A^2 = g \cdot h \cdot 2$$

$$\leftrightarrow v_A = \sqrt{g \cdot h \cdot 2}$$

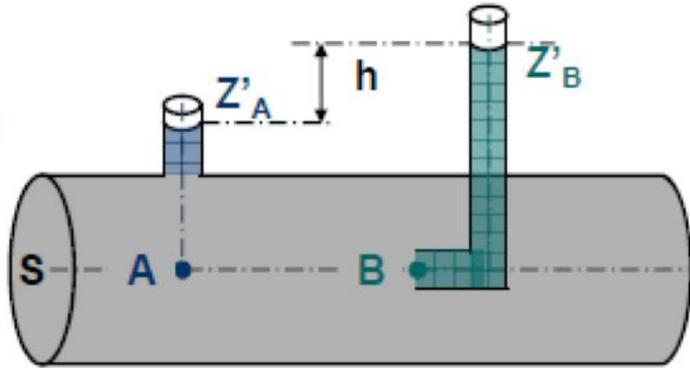


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### a) Application : Tubes de Pitot

Démonstration (*pas à connaître*) :  
Application de l'équation de Bernoulli.



$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2$$

$$\leftrightarrow v_A = \sqrt{g \cdot h \cdot 2}$$

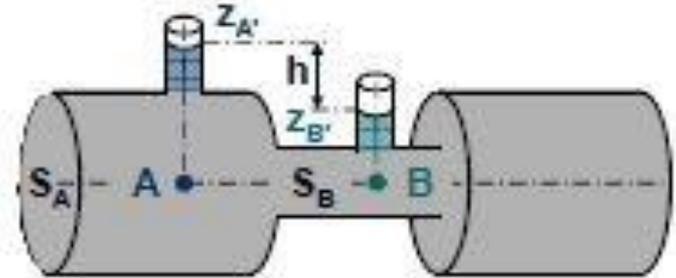


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### b) Application : Effet Venturi

L'**Effet Venturi** : étudie les variations de **pression/vitesse** au sein d'un tube composé de différentes sections, **agrandit/rétrécit**; grâce à l'équation de Bernoulli.



**Rappel** : On utilise l'**équation de Bernoulli**, le liquide est considéré **parfait** !



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

#### b) Application : Effet Venturi

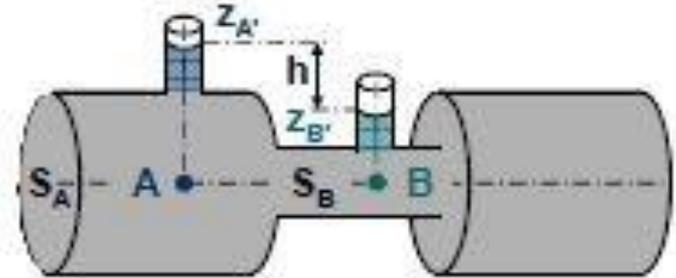
Démonstration (pas à connaître) :

Application de l'équation de Bernoulli.

$$\leftrightarrow \rho \cdot g \cdot z_A + 1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 + P_A = \rho \cdot g \cdot z_B + 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2 +$$

$P_B$

$$\leftrightarrow P_B - P_A = ( \rho \cdot g \cdot z_A - \rho \cdot g \cdot z_B ) + ( 1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 - 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2 )$$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### b) Application : Effet Venturi

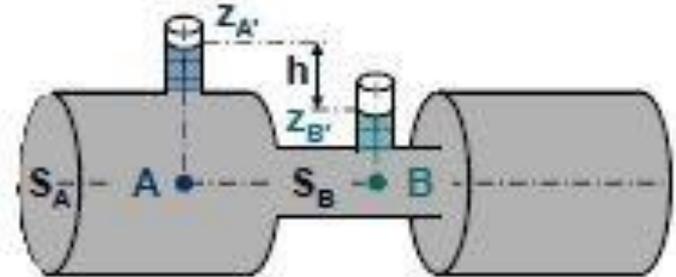
Démonstration (pas à connaître) :

Application de l'équation de Bernoulli.

$$\leftrightarrow \rho \cdot g \cdot z_A + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 + P_A = \rho \cdot g \cdot z_B + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_B^2 + P_B$$

$$\leftrightarrow P_B - P_A = (\rho \cdot g \cdot z_A - \rho \cdot g \cdot z_B) + (\frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_A^2 - \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_B^2)$$

Or  $z_A = z_B$ , donc  $z_A - z_B = \underline{0}$ .



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

#### b) Application : Effet Venturi

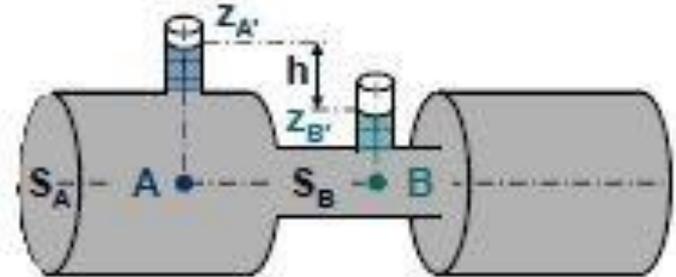
Démonstration (pas à connaître) :

Application de l'équation de Bernoulli.

$$\leftrightarrow \rho \cdot g \cdot z_A + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2} + \cancel{P_A} = \rho \cdot g \cdot z_B + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2} + \cancel{P_B}$$

$$\leftrightarrow P_B - P_A = (\rho \cdot g \cdot z_A - \rho \cdot g \cdot z_B) + (1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 - 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2)$$

Or  $z_A = z_B$ , donc  $z_A - z_B = \underline{0}$ .



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### b) Application : Effet Venturi

Démonstration (pas à connaître) :

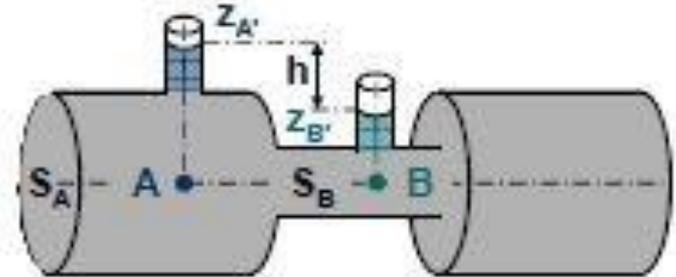
Application de l'équation de Bernoulli.

$$\leftrightarrow \rho \cdot g \cdot z_A + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2} + \cancel{P_A} = \rho \cdot g \cdot z_B + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2} + P_B$$

$$\leftrightarrow P_B - P_A = (\rho \cdot g \cdot z_A - \rho \cdot g \cdot z_B) + (1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 - 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2)$$

Or  $z_A = z_B$ , donc  $z_A - z_B = \underline{0}$ .

$$\leftrightarrow P_B - P_A = 1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 - 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2$$



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## B. Écoulement d'un liquide idéal

### b) Application : Effet Venturi

Démonstration (pas à connaître) :

Application de l'équation de Bernoulli.

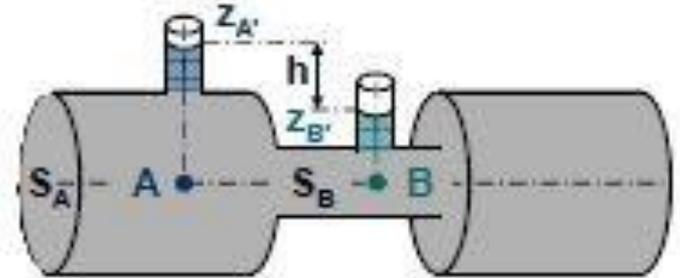
$$\leftrightarrow \rho \cdot g \cdot z_A + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2} + \cancel{P_A} = \rho \cdot g \cdot z_B + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2} + \cancel{P_B}$$

$$\leftrightarrow P_B - P_A = (\rho \cdot g \cdot z_A - \rho \cdot g \cdot z_B) + (1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 - 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2)$$

Or  $z_A = z_B$ , donc  $z_A - z_B = \underline{0}$ .

$$\leftrightarrow P_B - P_A = 1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 - 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2$$

$$\leftrightarrow P_B - P_A = 1/2 \cdot \rho \cdot (v_A^2 - v_B^2)$$



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## B. Écoulement d'un liquide idéal

### b) Application : Effet Venturi

Démonstration (pas à connaître) :

Application de l'équation de Bernoulli.

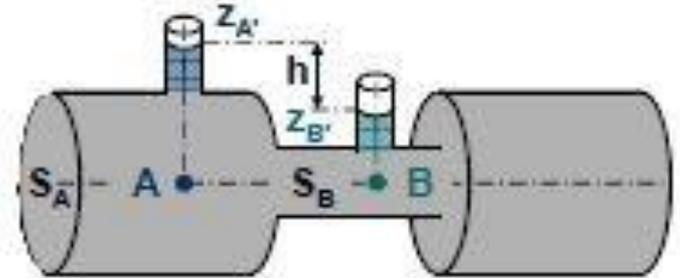
$$\leftrightarrow \rho \cdot g \cdot z_A + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2} + \cancel{P_A} = \rho \cdot g \cdot z_B + \cancel{1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2} + \cancel{P_B}$$

$$\leftrightarrow P_B - P_A = (\rho \cdot g \cdot z_A - \rho \cdot g \cdot z_B) + (1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 - 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2)$$

Or  $z_A = z_B$ , donc  $z_A - z_B = \underline{0}$ .

$$\leftrightarrow P_B - P_A = 1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 - 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2$$

$$\leftrightarrow P_B - P_A = 1/2 \cdot \rho \cdot (v_A^2 - v_B^2)$$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

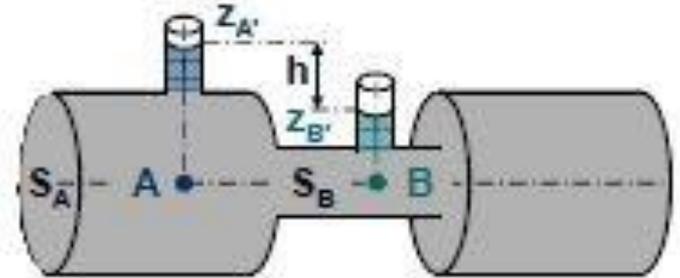
#### B. Écoulement d'un liquide idéal

#### b) Application : Effet Venturi

Démonstration (*pas à connaître*) :

Application de l'équation de Bernoulli.

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_A^2 - v_B^2)$$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### b) Application : Effet Venturi

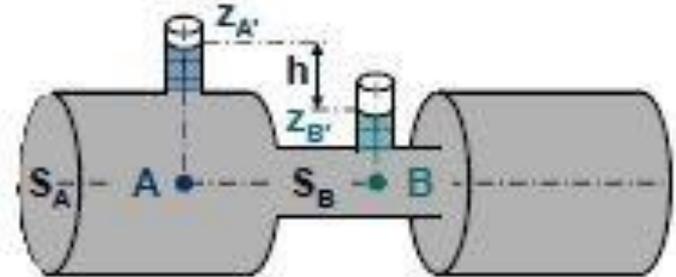
Démonstration (pas à connaître) :

Application de l'équation de Bernoulli.

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_A^2 - v_B^2)$$

Or selon le principe de **conservation du débit** :

$$D_A = D_B \\ S_A \cdot v_A = S_B \cdot v_B$$



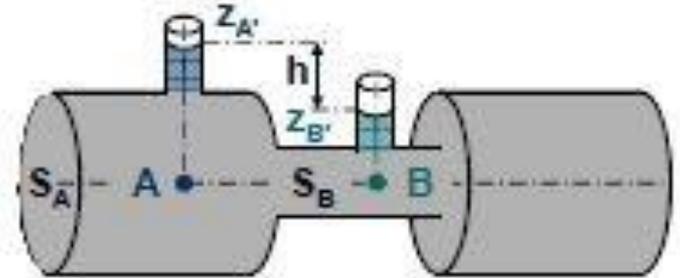
### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### b) Application : Effet Venturi

Or selon le principe de **conservation du débit** :

$$\begin{aligned} D_A &= D_B \\ S_A \cdot v_A &= S_B \cdot v_B \end{aligned}$$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

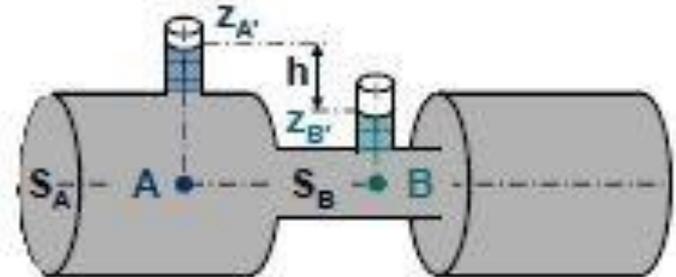
#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### b) Application : Effet Venturi

Or selon le principe de **conservation du débit** :

$$\begin{aligned} D_A &= D_B \\ S_A \cdot v_A &= S_B \cdot v_B \end{aligned}$$

Si la section augmente (en A), la vitesse diminue (en A), et inversement.



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

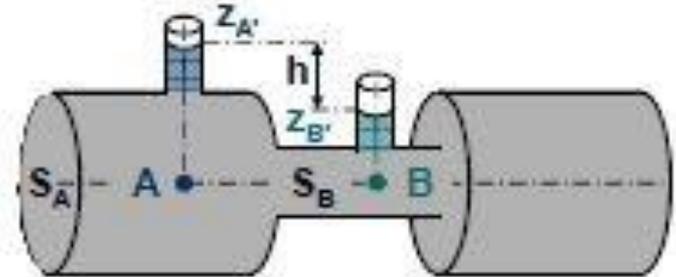
##### b) Application : Effet Venturi

Or selon le principe de **conservation du débit** :

$$\begin{aligned} D_A &= D_B \\ S_A \cdot v_A &= S_B \cdot v_B \end{aligned}$$

Si la section augmente (en A), la vitesse diminue (en A), et inversement.

Ainsi, la vitesse en A est **plus faible** que la vitesse en B.



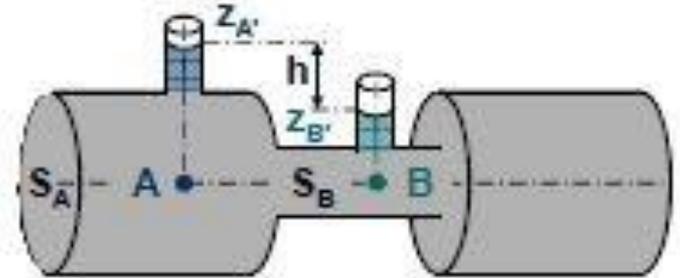
### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### b) Application : Effet Venturi

Or selon le principe de **conservation du débit** :

Ainsi, la vitesse en A est **plus faible** que la vitesse en B.



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

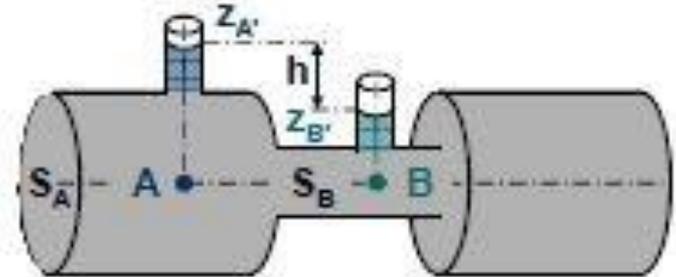
#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### b) Application : Effet Venturi

Or selon le principe de **conservation du débit** :

Ainsi, la vitesse en A est **plus faible** que la vitesse en B.

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_A^2 - v_B^2)$$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

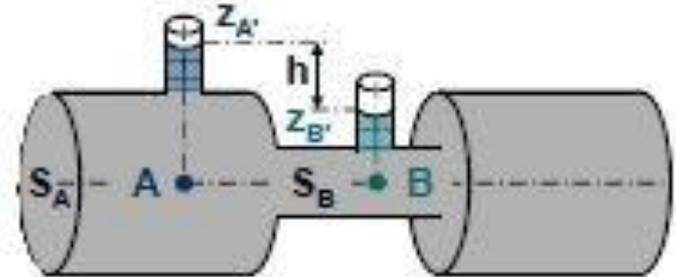
#### b) Application : Effet Venturi

Or selon le principe de **conservation du débit** :

Ainsi, la vitesse en A est **plus faible** que la vitesse en B.

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_A^2 - v_B^2)$$

$$v_A^2 < v_B^2$$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

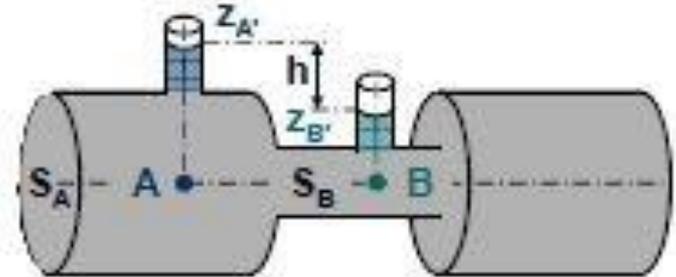
##### b) Application : Effet Venturi

Or selon le principe de **conservation du débit** :

Ainsi, la vitesse en A est **plus faible** que la vitesse en B.

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_A^2 - v_B^2)$$

$$\text{Donc } (v_A^2 - v_B^2) < 0$$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

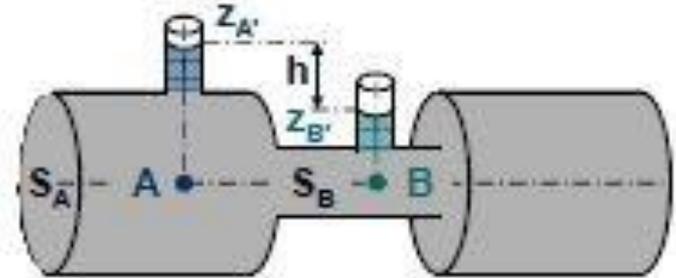
##### b) Application : Effet Venturi

Or selon le principe de **conservation du débit** :

Ainsi, la vitesse en A est **plus faible** que la vitesse en B.

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_A^2 - v_B^2)$$

< 0



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### b) Application : Effet Venturi

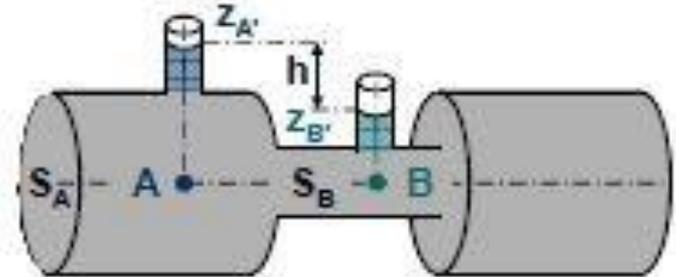
Or selon le principe de **conservation du débit** :

Ainsi, la vitesse en A est **plus faible** que la vitesse en B.

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_A^2 - v_B^2)$$

$\downarrow$                        $\downarrow$

$> 0$                        $< 0$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

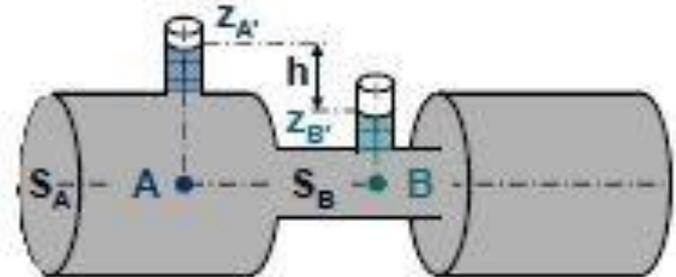
##### b) Application : Effet Venturi

Or selon le principe de **conservation du débit** :

Ainsi, la vitesse en A est **plus faible** que la vitesse en B.

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_A^2 - v_B^2)$$

$< 0$                        $> 0$                        $< 0$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### b) Application : Effet Venturi

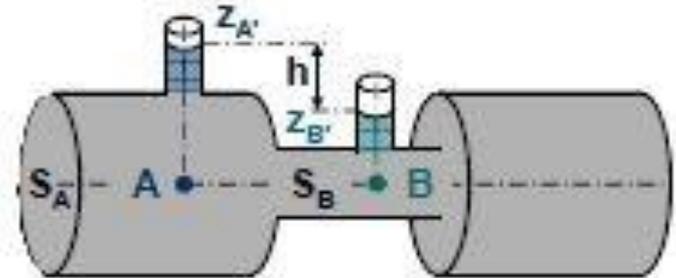
Or selon le principe de **conservation du débit** :

Ainsi, la vitesse en A est **plus faible** que la vitesse en B.

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_A^2 - v_B^2)$$

↓

$$< 0 \quad P_B - P_A < 0 \quad \leftrightarrow \quad P_B < P_A$$



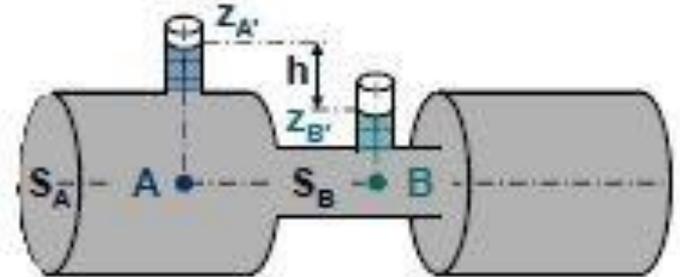
### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### B. Écoulement d'un liquide idéal

##### b) Application : Effet Venturi

$$\leftrightarrow P_B - P_A = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_A^2 - v_B^2)$$

$$P_B - P_A < 0 \leftrightarrow P_B < P_A$$

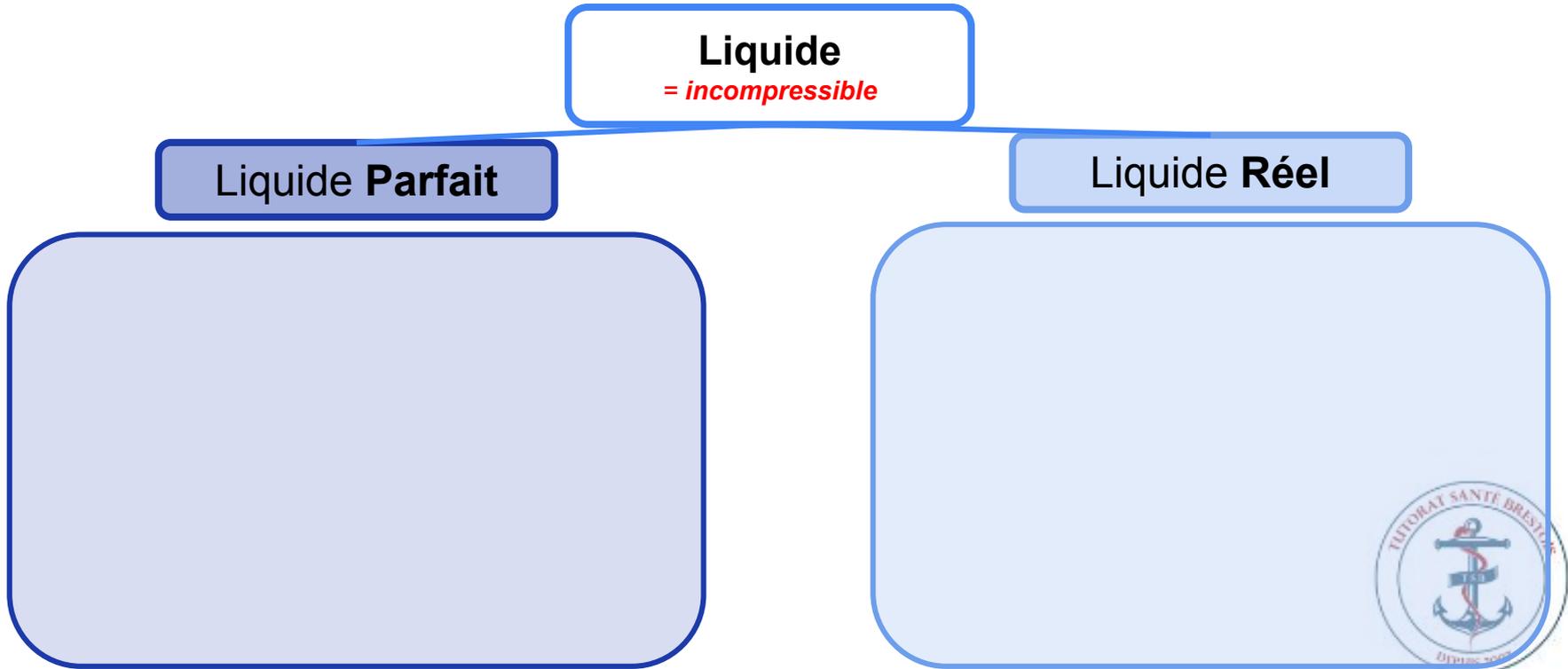


**L'Effet Venturi** démontre donc que si la section diminue, la pression diminue aussi; et inversement, si la section augmente, la pression augmente.



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

**Liquide**  
= *incompressible*

**Liquide Parfait**

**Absence** de viscosité  
→ **Pas** de perte d'énergie à l'écoulement

**Liquide Réel**

**Viscosité**  
→ Frottements intermoléculaires  
→ **Perte d'énergie** à l'écoulement



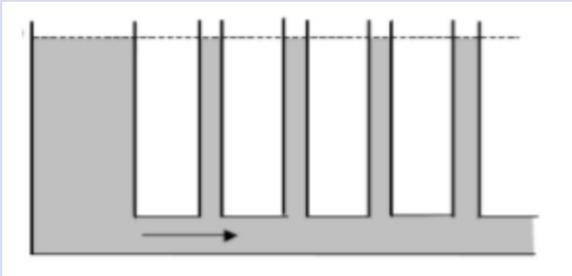
### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

**Liquide**  
= *incompressible*

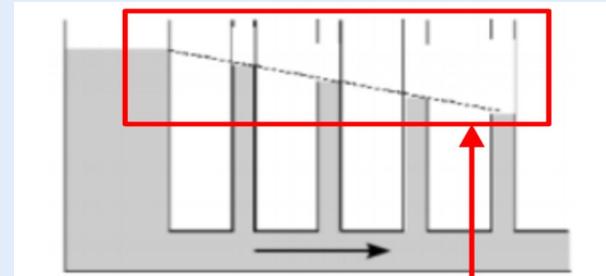
Liquide **Parfait**

**Absence** de viscosité  
→ **Pas** de perte d'énergie à l'écoulement



Liquide **Réel**

**Viscosité**  
→ Frottements intermoléculaires  
→ **Perte d'énergie** à l'écoulement

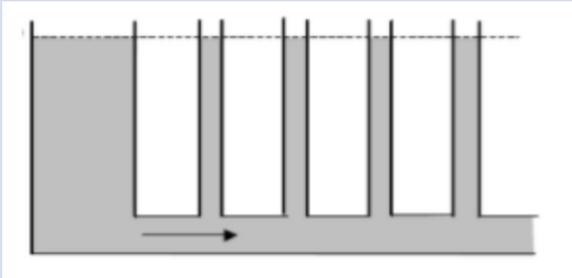


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

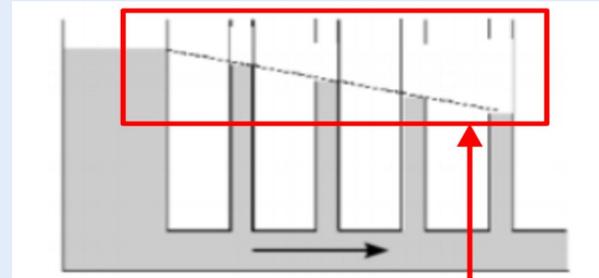
**Liquide**  
*= incompressible*

**Liquide Parfait**



Application de la loi de Bernoulli (= loi de conservation de l'énergie).

**Liquide Réel**



**PAS** application de la loi de Bernoulli car perte d'énergie liée à l'écoulement.



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

**Liquide**  
= *incompressible*

**Liquide Parfait**

Application de la loi de Bernoulli (= loi de conservation de l'énergie).

**Liquide Réel**

**PAS** application de **la loi de Bernoulli**  
car perte d'énergie liée à l'écoulement.



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

**Liquide**  
= *incompressible*

**Liquide Parfait**

Application de la loi de Bernoulli (= loi de conservation de l'énergie).

$$\rho \cdot g \cdot h + 1/2 \cdot \rho \cdot v^2 + P = \underline{\text{constante}}$$

**Liquide Réel**

**PAS** application de **la loi de Bernoulli** car perte d'énergie liée à l'écoulement.

$$\rho \cdot g \cdot h + 1/2 \cdot \rho \cdot v^2 + P \neq \underline{\text{constante}}$$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

**Liquide**  
= *incompressible*

**Liquide Parfait**

Application de la loi de Bernoulli (= loi de conservation de l'énergie).

$$\rho \cdot g \cdot h + 1/2 \cdot \rho \cdot v^2 + P = \underline{\text{constante}}$$

**Liquide Réel**

**PAS** application de **la loi de Bernoulli** car perte d'énergie liée à l'écoulement.

$$\rho \cdot g \cdot h + 1/2 \cdot \rho \cdot v^2 + P + \text{chaleur} = \underline{\text{constante}}$$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

Le coefficient de viscosité ( $\eta$ ) s'exprime en **Poiseuille** :

$$1 \text{ Poiseuille } (\eta) = \text{kg.m}^{-1}.\text{s}^{-1}.$$

- Pression (en Pa) s'exprime en  $\text{kg.m}^{-1}.\text{s}^{-2}$ .
- $\eta = \text{kg.m}^{-1}.\text{s}^{-2} \cdot \text{s} = \text{Pa} \cdot \text{s} = \text{Poiseuille}$ .

$\eta$  est une constante caractéristique du liquide en question.

Elle varie avec la température (si  $T^\circ \nearrow$ ,  $\eta \searrow$ ) :

$$\eta = \frac{dy}{dv} \frac{F_f}{S}$$



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

Le coefficient de viscosité ( $\eta$ ) s'exprime en **Poiseuille** :

$$1 \text{ Poiseuille } (\eta) = \text{kg.m}^{-1}.\text{s}^{-1}.$$

- Pression (en Pa) s'exprime en  $\text{kg.m}^{-1}.\text{s}^{-2}$ .
- $\eta = \text{kg.m}^{-1}.\text{s}^{-2} \cdot \text{s} = \text{Pa} \cdot \text{s} = \text{Poiseuille}$ .

$$\eta = \frac{dy}{dv} \frac{F_f}{S}$$

- Dépend du type de liquide.
- Dépend de la température.



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

Le coefficient de viscosité ( $\eta$ ) s'exprime en **Poiseuille** :

$$1 \text{ Poiseuille } (\eta) = \text{kg.m}^{-1}.\text{s}^{-1}.$$

- ❖ **Liquide Newtonien** →  $\eta$  est une **constante** → ex : l'eau  $\eta = 10^{-3}$  Poiseuille.
- ❖ **Liquide non-Newtonien** →  $\eta$  **n'est pas** une constante → ex : le sang.

*Dans les petits vaisseaux, les cellules (GR) font varier la viscosité du sang.*

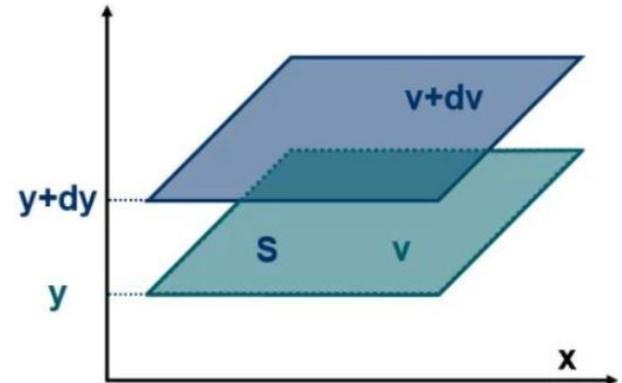
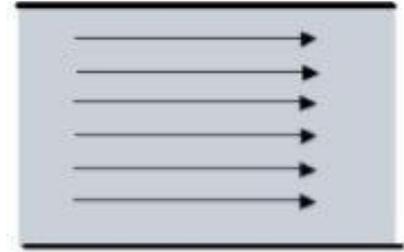


### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

**Fluide Visqueux** → Lames de liquide.

- Circulent parallèlement.
- Surface A = Surface B.
- Lames identiques.
- Hauteurs différentes = Vitesses différentes.



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

**Fluide Visqueux** → **Vitesses différentes.**

On assimile à un rayon → un **filet liquidien** possédant la **même vitesse.**



### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

**Fluide Visqueux** → **Vitesses différentes.**

On assimile à un rayon → un **filet liquidien** possédant la **même vitesse.**

- Au centre du vaisseau :  $V_{MAX}$
- À la périphérie du vaisseau :  $V_{nulle}$



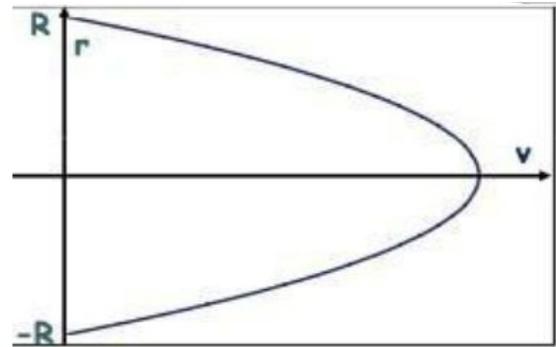
### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

On assimile à un rayon → un **filet liquidien** possédant la **même vitesse**.

- Au centre du vaisseau :  $V_{MAX}$
- À la périphérie du vaisseau :  $V_{nulle}$

$$V_{max} = 2 V_{moy}$$



Profil de vitesse

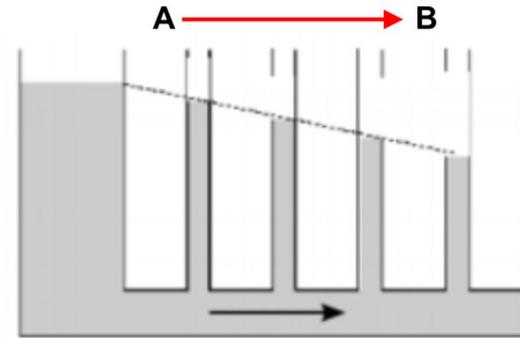


# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## C. Écoulement d'un liquide réel

Rappels :

- **Débit (D) = Section (S) x vitesse (v)**
- Loi de conservation de l'énergie :  
 $\rho g Z_A + \frac{1}{2} \rho v_A^2 + P_A = P_B + \rho g Z_B + \frac{1}{2} \rho v_B^2 + \Delta P$



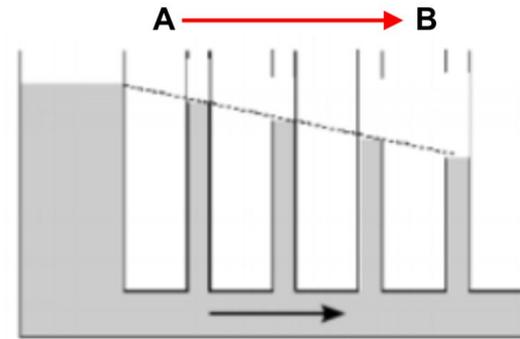
# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## C. Écoulement d'un liquide réel

Rappels :

- **Débit (D) = Section (S) x vitesse (v)**
- Loi de conservation de l'énergie :

$$\rho g Z_A + \frac{1}{2} \rho v_A^2 + P_A = P_B + \rho g Z_B + \frac{1}{2} \rho v_B^2 + \Delta P$$



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

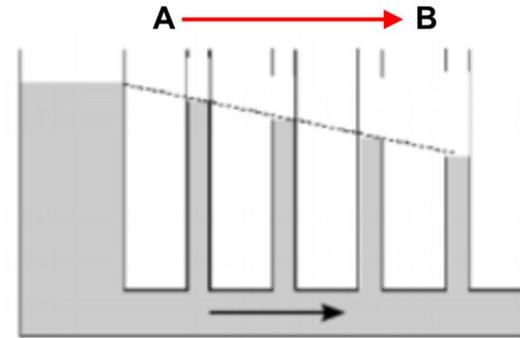
## C. Écoulement d'un liquide réel

Rappels :

- **Débit (D) = Section (S) x vitesse (v)**
- Loi de conservation de l'énergie :

$$\rho g Z_A + \frac{1}{2} \rho v_A^2 + P_A = P_B + \rho g Z_B + \frac{1}{2} \rho v_B^2 + \Delta P$$

Loi de Poiseuille :



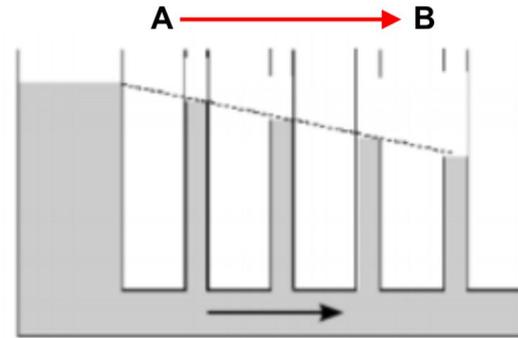
# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## C. Écoulement d'un liquide réel

Rappels :

- **Débit (D) = Section (S) x vitesse (v)**
- Loi de conservation de l'énergie :

$$\rho g Z_A + \frac{1}{2} \rho v_A^2 + P_A = P_B + \rho g Z_B + \frac{1}{2} \rho v_B^2 + \Delta P$$



Loi de Poiseuille :

$$\Delta P = Q \frac{8\eta L}{\pi R^4}$$

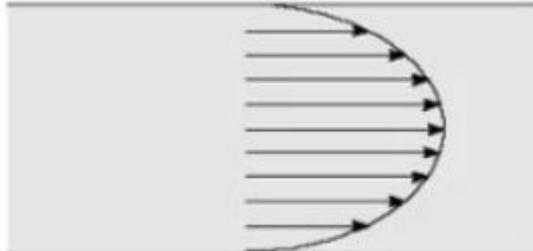
- $\Delta P$  = Perte de charge = perte de pression
- $Q$  = Débit total
- $\eta$  = Viscosité
- $L$  = Longueur
- $R$  = Rayon du tube ou vaisseau



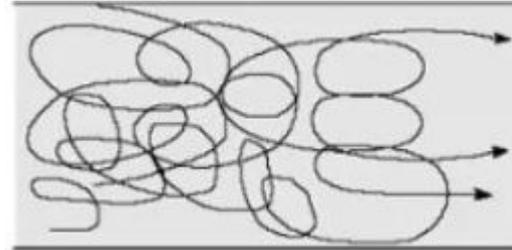
### 3. Dynamique d'un fluide incompressible

#### C. Écoulement d'un liquide réel

Écoulement **LAMINAIRE** :



Écoulement **TURBULENT** :

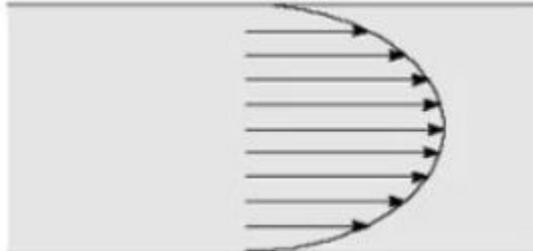


# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## C. Écoulement d'un liquide réel

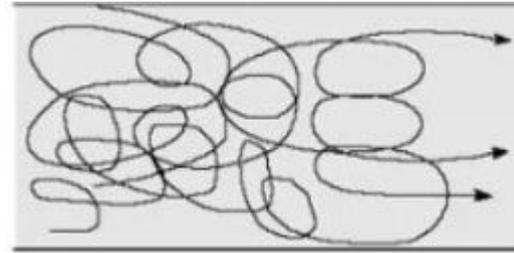
### Écoulement LAMINAIRE :

- Vitesse **faible**,
- **Profil parabolique** de la vitesse,
- **Pas de bruit** à l'écoulement,



### Écoulement TURBULENT :

- Vitesse **élevée**,
- **Profil anarchique** de la vitesse,
- **Bruit** à l'écoulement → Souffle,



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## C. Écoulement d'un liquide réel

Pour savoir si un liquide réel est turbulent ou laminaire, on calcule le **Nombre de Reynolds**.

Le **Nombre de Reynolds** est **SANS DIMENSION**  
→ **PAS D'UNITÉS.**

- d = diamètre en m,
- $\rho$  = masse volumique en  $\text{kg.m}^{-3}$ ,
- $\eta$  = viscosité en  $\text{kg}/(\text{m.s})$ ,
- v = vitesse en  $\text{m.s}^{-1}$ .

$$Re = \frac{\rho dv}{\eta} = \frac{\rho}{\eta} \times \frac{4D}{\pi d}$$



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## C. Écoulement d'un liquide réel

Pour savoir si un liquide réel est turbulent ou laminaire, on calcule le **Nombre de Reynolds**.

Le **Nombre de Reynolds** est **SANS DIMENSION**  
→ **PAS D'UNITÉS**.

- $d$  = diamètre en m → **constante**,
- $\rho$  = masse volumique en  $\text{kg.m}^{-3}$  → **constante**,
- $\eta$  = viscosité en  $\text{kg}/(\text{m.s})$  → **constante**,
- $v$  = vitesse en  $\text{m.s}^{-1}$ .

$$Re = \frac{\rho d v}{\eta} = \frac{\rho}{\eta} \times \frac{4D}{\pi d}$$



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## C. Écoulement d'un liquide réel

Pour savoir si un liquide réel est turbulent ou laminaire, on calcule le **Nombre de Reynolds**.

Le **Nombre de Reynolds** est **SANS DIMENSION**  
→ **PAS D'UNITÉS**.

- $d$  = diamètre en m → **constante**,
- $\rho$  = masse volumique en  $\text{kg.m}^{-3}$  → **constante**,
- $\eta$  = viscosité en  $\text{kg}/(\text{m.s})$  → **constante**,
- $v$  = vitesse en  $\text{m.s}^{-1}$  → **variable**.

$$Re = \frac{\rho d v}{\eta} = \frac{\rho}{\eta} \times \frac{4D}{\pi d}$$



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## C. Écoulement d'un liquide réel

Pour savoir si un liquide réel est turbulent ou laminaire, on calcule le **Nombre de Reynolds**.

Le **Nombre de Reynolds** est **SANS DIMENSION**  
→ **PAS D'UNITÉS**.

- $d$  = diamètre en m → **constante**,
- $\rho$  = masse volumique en  $\text{kg.m}^{-3}$  → **constante**,
- $\eta$  = viscosité en  $\text{kg}/(\text{m.s})$  → **constante**,
- $v$  = vitesse en  $\text{m.s}^{-1}$  → **variable**.

$$Re = \frac{\rho d v}{\eta} = \frac{\rho}{\eta} \times \frac{4D}{\pi d}$$

La **vitesse critique** est la vitesse pour laquelle on passe d'un écoulement laminaire à un écoulement turbulent.



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## C. Écoulement d'un liquide réel

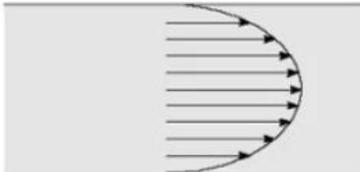
Pour savoir si un liquide réel est turbulent ou laminaire, on calcule le **Nombre de Reynolds**.

Le **Nombre de Reynolds** est **SANS DIMENSION**  
→ **PAS D'UNITÉS**.

$$Re = \frac{\rho dv}{\eta} = \frac{\rho}{\eta} \times \frac{4D}{\pi d}$$

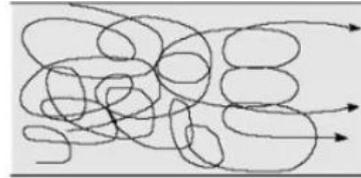
Écoulement **LAMINAIRE** :

- Nbr de Reynolds **< 2 000**.



Écoulement **TURBULENT** :

- Nbr de Reynolds **> 3 000**.



# 3. Dynamique d'un fluide incompressible

## C. Écoulement d'un liquide réel

Pour savoir si un liquide réel est turbulent ou laminaire, on calcule le **Nombre de Reynolds**.

Le **Nombre de Reynolds** est **SANS DIMENSION**  
→ **PAS D'UNITÉS**.

$$Re = \frac{\rho dv}{\eta} = \frac{\rho}{\eta} \times \frac{4D}{\pi d}$$

Écoulement **LAMINAIRE** :

- Nbr de Reynolds **< 2 000**.

On applique la Loi de Poiseuille.

Écoulement **TURBULENT** :

- Nbr de Reynolds **> 3 000**.

On n'applique PAS la loi de Poiseuille.

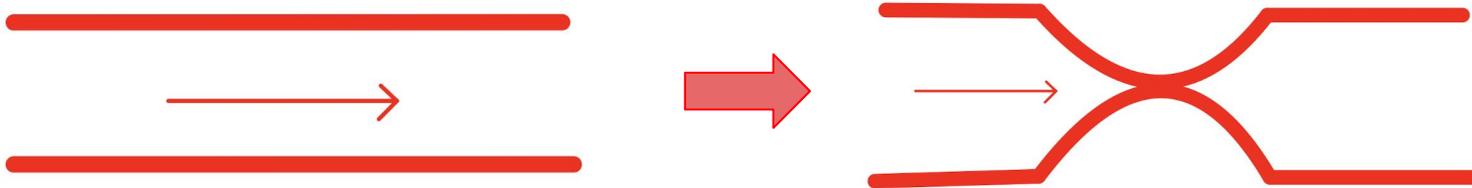
## 4. Mesure de la pression artérielle



# 4. Mesure de la pression artérielle

Mesure de la **Pression Artérielle (PA)** :

- Mesure **INDIRECTE**,
- Compression de l'artère humérale,
- **Sténose artificielle** de l'artère.



## 4. Mesure de la pression artérielle

Mesure de la **Pression Artérielle (PA)** :

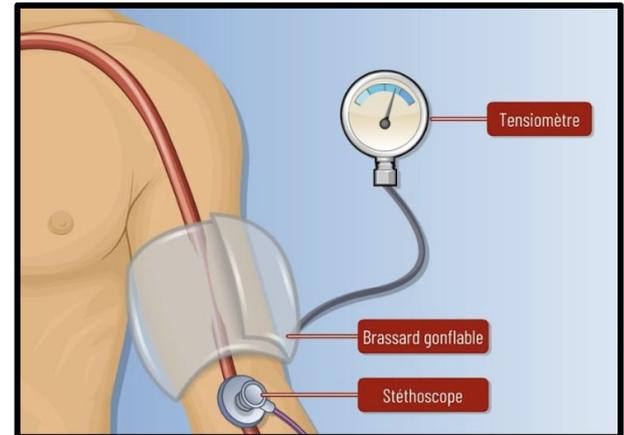
- Mesure **INDIRECTE**,
- Compression de l'artère humérale,
- **Sténose artificielle** de l'artère.

**Pression Systolique** : pression artérielle **MAXIMUM**

→ *environ 140 mmHg.*

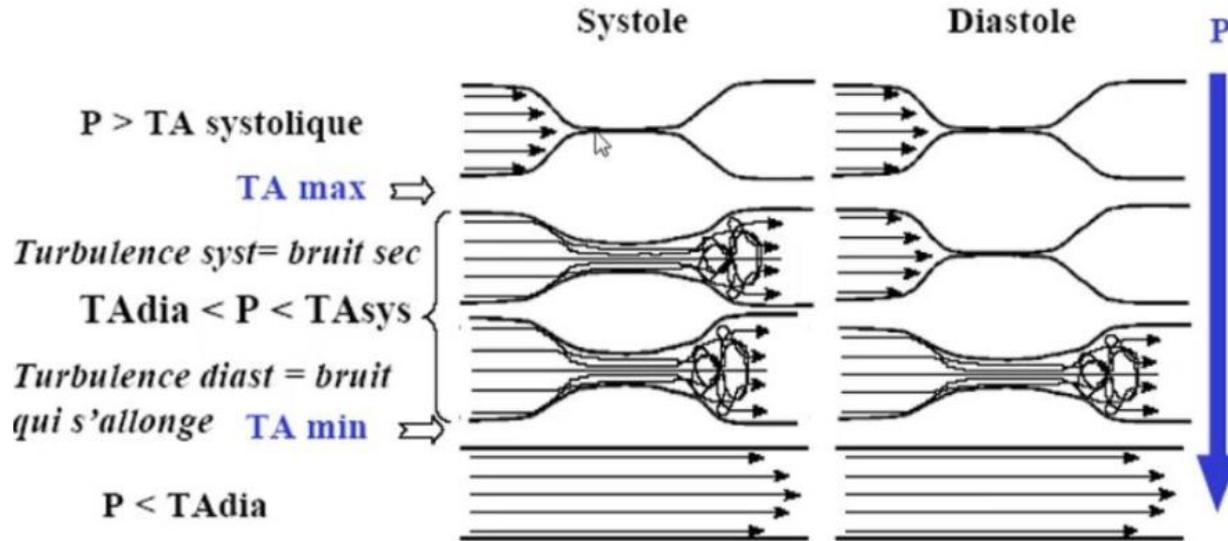
**Pression Diastolique** : pression artérielle **MINIMUM**

→ *environ 70 mmHg.*



# 4. Mesure de la pression artérielle

La mesure de la pression artérielle est basée sur l'étude des [Bruits de Korotkoff](#).



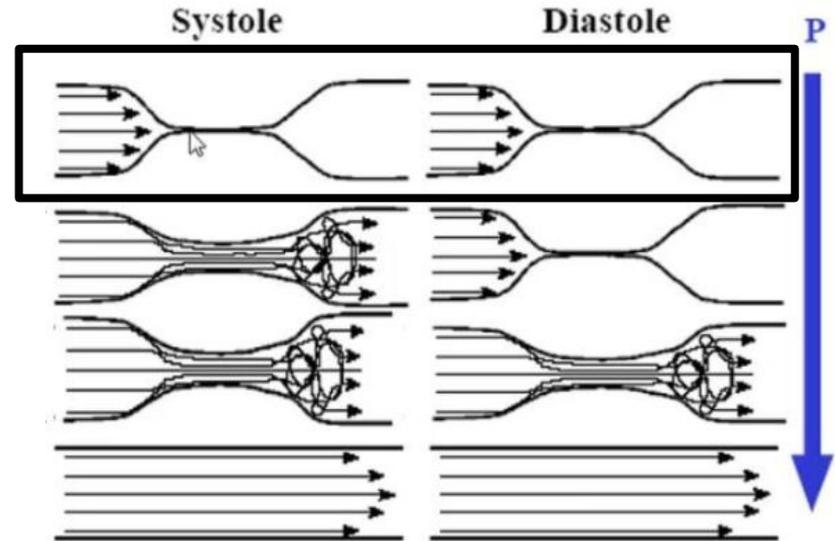
# 4. Mesure de la pression artérielle

La mesure de la pression artérielle est basée sur l'étude des [Bruits de Korotkoff](#).

1ère ligne :

- **On comprime totalement l'artère.**
- Pas d'écoulement,
- Pas de bruit.

Pression du sang < **Pression du brassard**



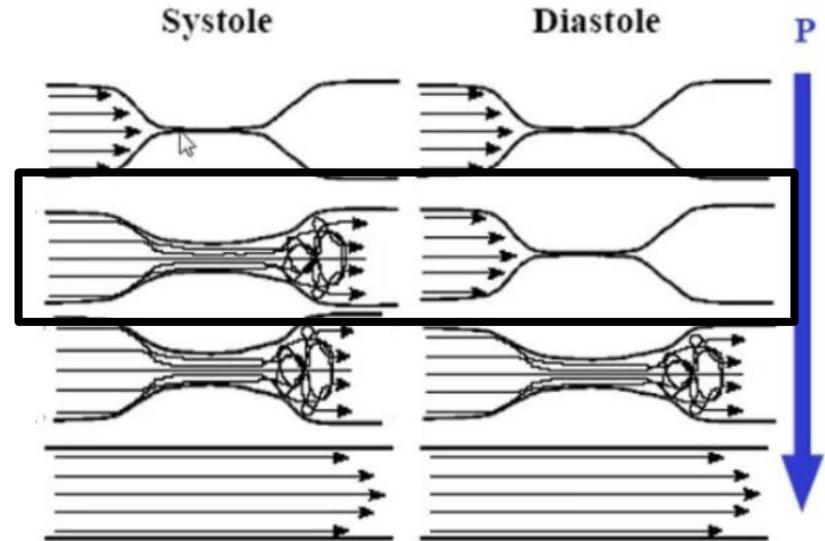
# 4. Mesure de la pression artérielle

La mesure de la pression artérielle est basée sur l'étude des [Bruits de Korotkoff](#).

2ème ligne :

- **Pression du brassard diminue,**
- Écoulement du sang de manière anarchique = **TURBULENT**,
- Nombre de Reynolds  $> 3\,000$ ,
- **Bruits.**

**Pression du sang  $\geq$  Pression du brassard,**

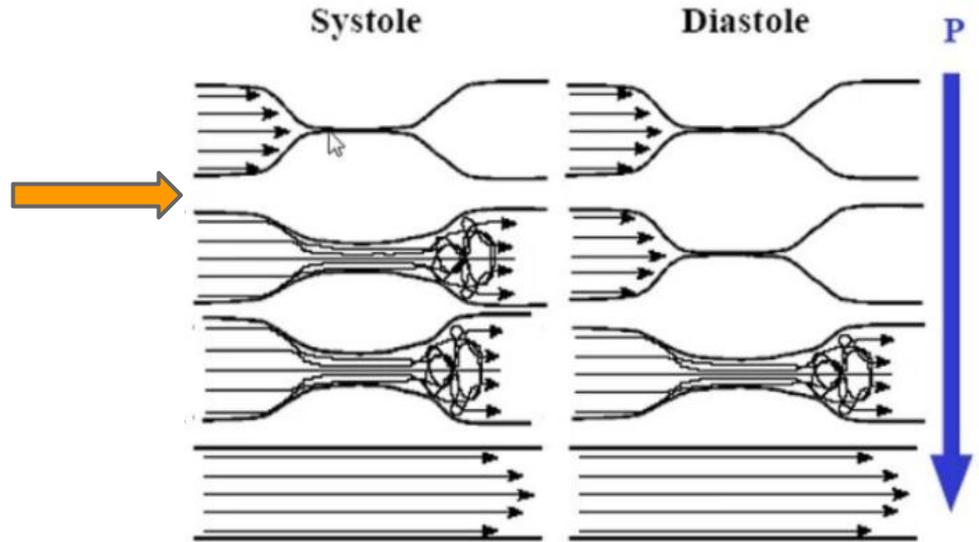


## 4. Mesure de la pression artérielle

La mesure de la pression artérielle est basée sur l'étude des [Bruits de Korotkoff](#).

C'est la **pression systolique**  
= pression **maximale** du sang.

Passage de Aucun bruit → **Bruits**.



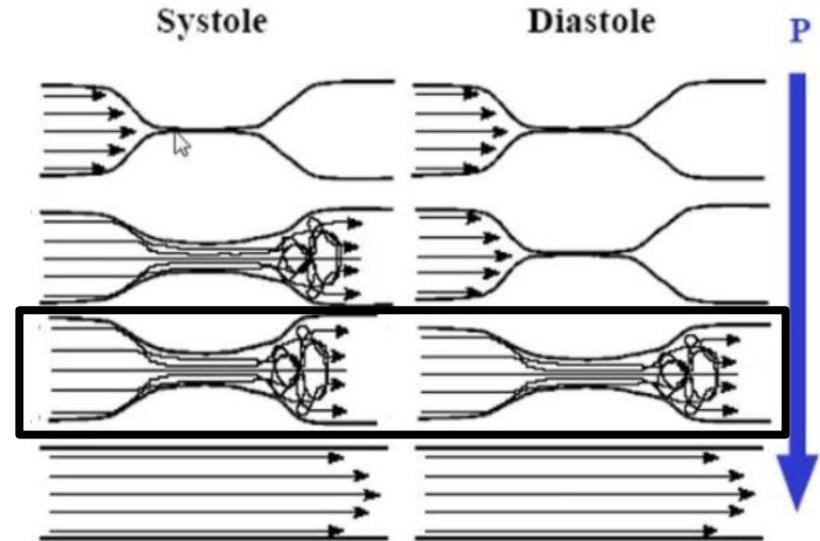
## 4. Mesure de la pression artérielle

La mesure de la pression artérielle est basée sur l'étude des [Bruits de Korotkoff](#).

3ème ligne :

- Pression du brassard **diminue encore**,
- Écoulement du sang de moins en moins anarchique = de moins en moins TURBULENT.
- Bruits **s'estompent de plus en plus**.

Pression du sang >> Pression du brassard,

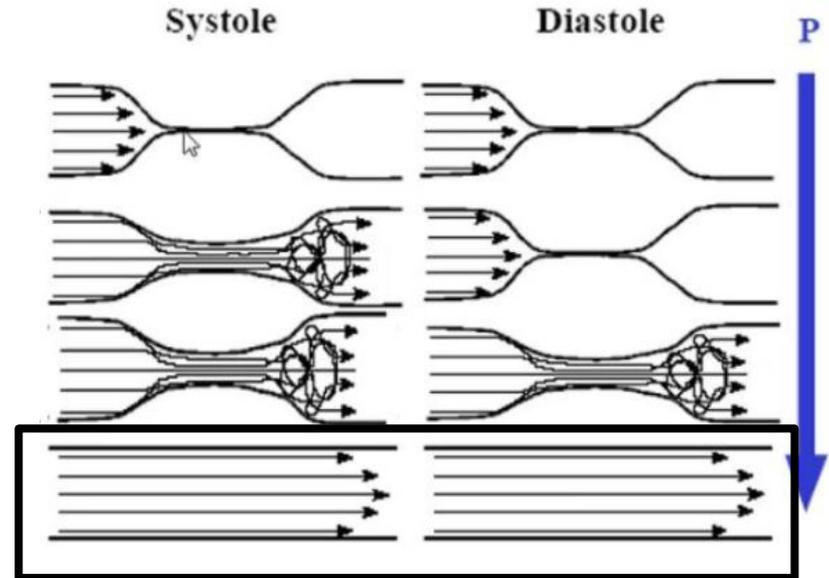


# 4. Mesure de la pression artérielle

La mesure de la pression artérielle est basée sur l'étude des [Bruits de Korotkoff](#).

4ème ligne :

- **Pression du brassard diminue** → **zéro**,
- Écoulement du sang fluide.
- Écoulement du sang fluide = **LAMINAIRE**,
- Nbr de Reynolds **< 2 000**,
- **PAS de Bruit**.



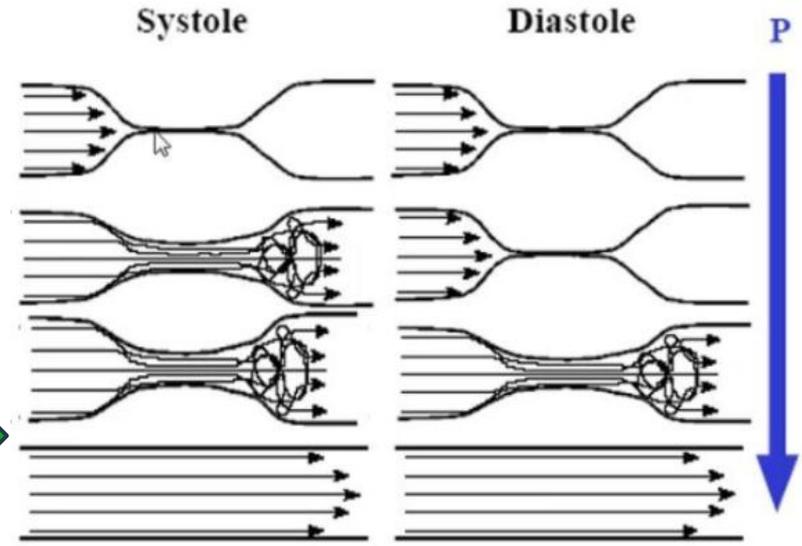
**Pression du sang >>>> Pression du brassard.**

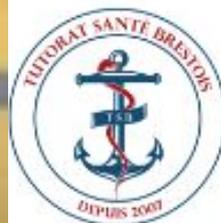
## 4. Mesure de la pression artérielle

La mesure de la pression artérielle est basée sur l'étude des [Bruits de Korotkoff](#).

C'est la **pression diastolique**  
= pression minimale du sang.

Passage de **Bruits** → Aucun bruit.





# VRAI ou FAUX

---

La viscosité  $\eta$  s'exprime en Pa.s, unité appelée le Poiseuille.

# VRAI ou FAUX

---

La viscosité  $\eta$  s'exprime en Pa.s, unité appelée le Poiseuille.

**VRAI.**

C'est bien dans cette unité. Attention à ne pas tomber dans le piège Pa.s<sup>-1</sup>

# VRAI ou FAUX

---

Le nombre de Reynolds évolue dans le même sens que la viscosité du fluide considéré.

# VRAI ou FAUX

---

Le nombre de Reynolds évolue dans le même sens que la viscosité du fluide considéré.

**FAUX**

Ça évolue dans le sens inverse. Soit on connaît la formule et on sait que  $\eta$  (la viscosité) est au dénominateur. Soit on arrive à voir qu'un fluide moins visqueux va plus facilement être turbulent (exemple: de l'eau par rapport à de l'huile) et on en déduit que plus  $\eta$  est petit, plus  $Re$  est grand.

$$Re = \frac{\rho v d}{\eta}$$

# VRAI ou FAUX

---

Lors d'une prise de pression artérielle manuelle, la première pression mesurée est la pression diastolique.

# VRAI ou FAUX

---

Lors d'une prise de pression artérielle manuelle, la première pression mesurée est la pression diastolique.

**FAUX**

Il s'agit de la pression systolique, qui est la pression la plus élevée du cycle cardiaque. C'est elle qu'on va d'abord réussir à entendre.

# VRAI ou FAUX

---

La loi de Bernoulli est applicable aux fluides parfaits et réels.

# VRAI ou FAUX

---

La loi de Bernoulli est applicable aux fluides parfaits et réels.

**FAUX**

La loi de Bernoulli est applicable uniquement aux fluides PARFAITS, statiques ou dynamiques !

**MERCI POUR VOTRE ATTENTION <3**

