

Tous droits réservés Tutorat Santé Brestois ©
Toute diffusion et reproduction, totale ou
partielle, de ce document est interdite

PASS

Bases en probabilités

Stage de Pré-Rentrée 2025
Pôle Biostatistiques

Inspiré du cours du Professeur Morin



Petit message d'avertissement avant de commencer :

Nous vous rappelons que ce diaporama, réalisé par des étudiants, est une aide et **non un support de cours officiel** et ne peut donc pas être considéré comme un ouvrage de référence lors de l'examen de PASS ou de L.AS.

Il se base sur le **cours de l'année précédente** qui peut être **amené à être modifié** dans sa forme et son contenu au bon vouloir du professeur.

Have fun ;)



Sommaire

1. Tests diagnostics

- Prévalence
- Sensibilité
- Spécificité
- Valeur Prédictive Négative
- Valeur Prédictive Positive
- Efficience
- Indice de Youden
- Récap
- Exemple
- Association de tests



Tests diagnostics

But du test : détecter la maladie.

	Malade	Non malade	
Test positif	Vrai positif	Faux positif	VP + FP
Test négatif	Faux négatif	Vrai négatif	FN + VN
	VP + FN	FP + VN	<i>Nombre de personnes testées</i>



Tests diagnostics

A. Prévalence ($P(M)$)

= Probabilité d'être malade.

= Fréquence de la maladie dans la pop°.

= Nombre de malades / Nombre total d'individus.

= $(VP + FN) / N$

	Malade	Non malade	
Test positif	Vrai positif	Faux positif	VP + FP
Test négatif	Faux négatif	Vrai négatif	FN + VN
	VP + FN	FP + VN	Nombre de personnes ayant été testées



Tests diagnostics

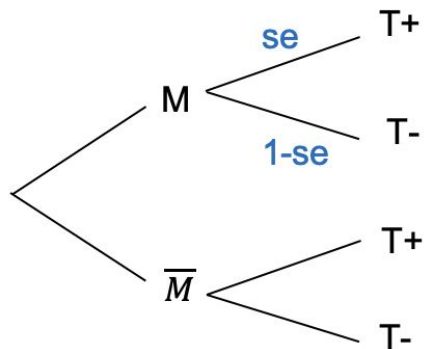
B. Sensibilité (Se)

= Probabilité qu'une personne **malade** soit **positive** au test = $P(T | M)$.

= Aptitude du test à détecter la maladie.

= Nombre de vrais positifs / Nombre de malades

= $VP / (VP + FN)$



	Malade	Non malade	
Test positif	Vrai positif	Faux positif	VP + FP
Test négatif	Faux négatif	Vrai négatif	FN + VN
	VP + FN	FP + VN	Nombre de personnes ayant été testées

Tests diagnostics

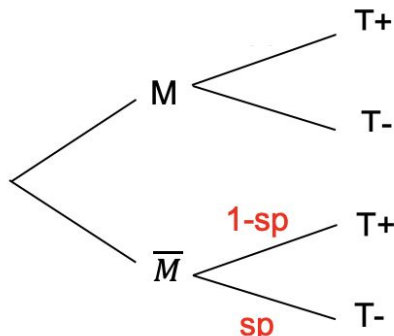
C. Spécificité (Sp)

= Probabilité qu'une personne **non malade** (=saine) soit **négative** au test = $P(\underline{I} \mid \underline{M})$.

= Aptitude du test à ne détecter que la maladie.

= Nombre de vrais négatifs / Nombre de non malades

= $VN / (FP + VN)$



	Malade	Non malade	
Test positif	Vrai positif	Faux positif	VP + FP
Test négatif	Faux négatif	Vrai négatif	FN + VN
	VP + FN	FP + VN	Nombre de personnes ayant été testées

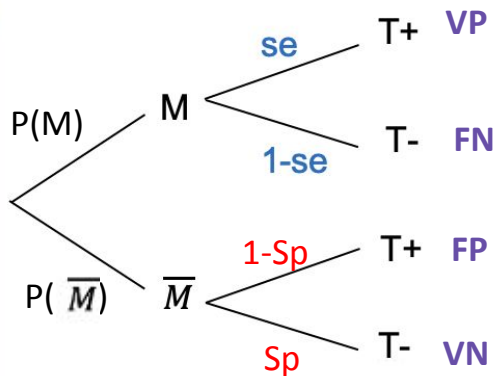
Tests diagnostics

D. Valeur prédictive négative (VPN)

= Probabilité qu'une personne **négative** au test ne soit **pas malade** = $P(\underline{M} | \underline{I})$.

= Nombre de vrais négatifs / Nombre d'individus testés négativement.

$$= VN / (FN + VN)$$



	Malade	Non malade	
Test positif	Vrai positif	Faux positif	VP + FP
Test négatif	Faux négatif	Vrai négatif	FN + VN
	VP + FN	FP + VN	Nombre de personnes ayant été testées

$$= Sp \times P(\underline{M}) / [Sp \times P(\underline{M}) + (1 - Se) \times P(\underline{M})]$$



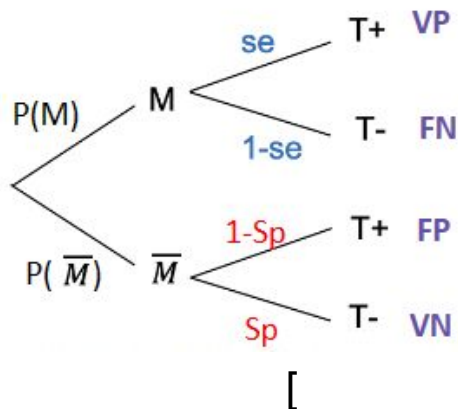
Tests diagnostics

E. Valeur prédictive positive (VPP)

= Probabilité qu'une personne **positive** au test soit **malade** = $P(M | T)$.

= Nombre de vrais positifs / Nombre d'individus testés positivement.

= $VP / (VP + FP)$



	Malade	Non malade	
Test positif	Vrai positif	Faux positif	$VP + FP$
Test négatif	Faux négatif	Vrai négatif	$FN + VN$
	$VP + FN$	$FP + VN$	Nombre de personnes ayant été testées

$$\frac{Se \times P(M)}{Se \times P(M) + (1-Sp) \times P(\bar{M})}$$



Tests diagnostics

F. Efficience (Eff)

= Probabilité de conclure juste après le résultat d'un test.

$$= Se \times P(M) + Sp \times P(\underline{M}) = P(T \cap M) + P(\underline{T} \cap \underline{M})$$

G. Indice de Youden (Y)

= Renseigne sur l'informativité du test.

$$= Se + Sp - 1$$

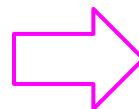
= Le test est informatif si $Y \in [0;1]$.



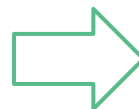
Tests diagnostics

H. Récap

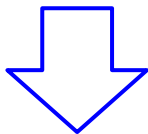
	Malade	Non malade	
Test positif	VP	FP	VP + FP
Test négatif	FN	VN	FN + VN
	VP + FN	FP + VN	N



Valeur prédictive
positive



Valeur prédictive
négative



Sensibilité



Spécificité



Tests diagnostics

H. Récap

Tableau Tests diagnostics (indispensable +++)	M	$\bar{M}$	
T	VP	FP	Valeur prédictive positive $VPP = \frac{VP}{VP + FP}$
$\bar{T}$	FN	VN	Valeur prédictive négative $VPN = \frac{VN}{FN + VN}$
	Sensibilité (Se) $Se = \frac{VP}{VP + FN}$	Spécificité (Sp) $Sp = \frac{VN}{FP + VN}$	L'efficience $Eff = \frac{VP + VN}{N}$



Tests diagnostics

I. Exemple

Sur un échantillon de 500 étudiants qui réalisent un test PCR. On sait que 150 élèves sont des vrais positifs, 50 ont un test positif mais ne sont pas atteint par le virus, et que 100 étudiants sont des faux négatifs.

	Malade	Non malade	
Test positif	150	50	$150 + 50 = 200$
Test négatif	100	200	$100 + 200 = 300$
	$150 + 100 = 250$	$50 + 200 = 250$	500



Tests diagnostics

I. Exemple

	Malade	Non malade	
Test positif	150	50	$150 + 50 = 200$
Test négatif	100	200	$100 + 200 = 300$
	$150 + 100 = 250$	$200 + 50 = 250$	500

Prévalence : $250/500 = 0,5$



Tests diagnostics

I. Exemple

	Malade	Non malade	
Test positif	150	50	$150 + 50 = 200$
Test négatif	100	200	$100 + 200 = 300$
	$150 + 100 = 250$	$200 + 50 = 250$	500

Sensibilité : $150 / 250 = 15 / 25 = 3 \times 5 / 5 \times 5 = \frac{3}{5} = 0,6$



Tests diagnostics

I. Exemple

	Malade	Non malade	
Test positif	150	50	$150 + 50 = 200$
Test négatif	100	200	$100 + 200 = 300$
	$150 + 100 = 250$	$200 + 50 = 250$	500

Spécificité : $200 / 250 = 20 / 25 = 4 \times 5 / 5 \times 5 = \frac{4}{5} = 0,8$



Tests diagnostics

I. Exemple

	Malade	Non malade	
Test positif	150	50	$150 + 50 = 200$
Test négatif	100	200	$100 + 200 = 300$
	$150 + 100 = 250$	$200 + 50 = 250$	500

Valeur prédictive négative : $200 / 300 = \frac{2}{3} \approx 0,66$



Tests diagnostics

I. Exemple

	Malade	Non malade	
Test positif	150	50	$150 + 50 = 200$
Test négatif	100	200	$100 + 200 = 300$
	$150 + 100 = 250$	$200 + 50 = 250$	500

Valeur prédictive positive : $150 / 200 = 15/20 = 3 \times 5 / 4 \times 5 = \frac{3}{4} = 0,75$



Tests diagnostics

I. Exemple

	Malade	Non malade	
Test positif	150	50	$150 + 50 = 200$
Test négatif	100	200	$100 + 200 = 300$
	$150 + 100 = 250$	$200 + 50 = 250$	500

Efficienne : $Se \times P(M) + Sp \times P(\underline{M}) = 0,6 \times 0,5 + 0,8 \times 0,5 = 0,7$



Tests diagnostics

I. Exemple

	Malade	Non malade	
Test positif	150	50	$150 + 50 = 200$
Test négatif	100	200	$100 + 200 = 300$
	$150 + 100 = 250$	$200 + 50 = 250$	500

Indice de Youden :

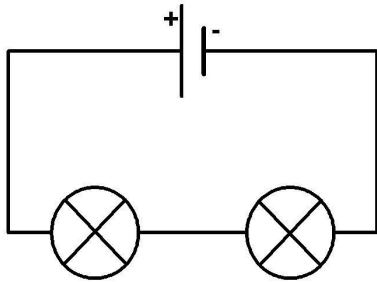
$$Se + Sp - 1 = 0,6 + 0,8 - 1 = 0,4$$

0,4 $\in$ [0;1] donc le test est informatif



Tests diagnostics

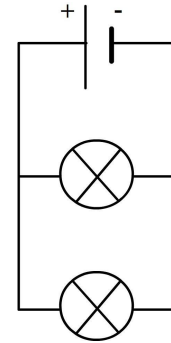
J. Association de tests



Association en série

Le test est + si A **et** B sont +.

Le test est négatif si A **ou** B est négatif.



Association en parallèle

Le test est + si A **ou** B est +.

Le test est négatif si A **et** B est négatif.



VRAI ou FAUX

Un vrai négatif est une personne malade et négative au test.

VRAI ou FAUX

Un vrai négatif est une personne malade et négative au test.

FAUX

un vrai **négatif** est une personne négative au test (**négatif**), donc supposée saine, comme le test est correct (vrai), il s'agit d'une personne saine et négative. "Elle est vraiment **négative**"

VRAI ou FAUX

L'efficience est la probabilité d'être malade.

VRAI ou FAUX

L'efficience est la probabilité d'être malade.

FAUX

L'efficience est la probabilité de conclure juste après le test. Elle traduit l'efficacité du test. La probabilité d'être malade est la prévalence.

VRAI ou FAUX

La valeur prédictive positive est la probabilité d'être positif sachant qu'on est malade.

VRAI ou FAUX

La valeur prédictive positive est la probabilité d'être positif sachant qu'on est malade.

FAUX

il s'agit de la probabilité d'être malade sachant qu'on est positif. Attention à l'ordre, la définition de la question est celle de la sensibilité.

