

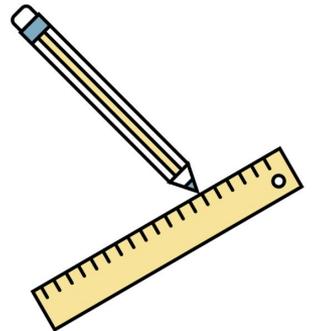
Tous droits réservés Tutorat Santé Brestois ©
Toute diffusion et reproduction, totale ou
partielle, de ce document est interdite

PASS

Grandeur + Mesures & Incertitudes

Stage de Pré-Rentrée 2024
Pôle Biostatistiques

Inspiré du cours du Professeur Morin

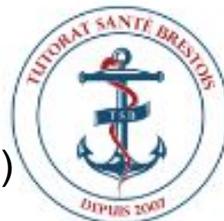


Petit message d'avertissement avant de commencer :

Nous vous rappelons que ce diaporama, réalisé par des étudiants, est une aide et **non un support de cours officiel** et ne peut donc pas être considéré comme un ouvrage de référence lors de l'examen de PASS ou de L.AS.

Il se base sur le **cours de l'année précédente** qui peut être **amené à être modifié** dans sa forme et son contenu au bon vouloir du professeur.

Have fun ;)



Grandeur

Une grandeur est une **propriété** ou un **caractère** d'un type d'objet physique (taille, poids, dureté, vitesse, volume ...).

= nature propre qui permet de les associer ou de les distinguer.

Une grandeur est dite **mesurable** si elle a un processus de comparaison ($< = >$) **ET** un processus d'addition.

Est-ce-que ces grandeurs sont mesurables ? :

- Longueur d'une feuille A4 ?
- Température ?
- Poids des cours du S1 ?
- pH ?



Grandeur

A. Unités

Pour mesurer une grandeur G , on doit en choisir une autre U_G de même nature et qui sert d'unité.

$$nU_G \leq G \leq (n + 1)U_G$$

n et $n + 1$ sont deux mesures approchées de G .

Par exemple, pour mesurer une feuille de 70 cm avec une règle de 25 cm, on obtient que la feuille mesure entre 2 règles (50cm) et 3 règles (75cm).

Par idéalisation, on imagine qu'il existe un nombre réel r tel que r est une mesure **exacte** de G .

$$G = r \cdot U_G$$

U_G et G sont des grandeurs de **même nature**, U_G est **l'unité**.



Grandeur

A. Unités

Une mesure r est un nombre pur rapport de deux grandeurs de même nature.

$$r = \frac{G}{U_G}$$

Le choix d'une unité est arbitraire.

Changement d'unité :

Si r est la mesure de G avec l'unité U_G .

$$r = \frac{G}{U_G}$$

Si r' est la mesure de G avec l'unité U'_G .

$$r' = \frac{G}{U'_G}$$

Le rapport des mesures est **l'inverse** du rapport des unités.

$$\frac{r}{r'} = \frac{U'_G}{U_G}$$

Plus l'unité est petite, plus la grandeur est grande.



Grandeur

A. Unités

Le choix d'une unité est arbitraire.

Il existe 7 unités **FONDAMENTALES**, toutes autres unités sont des unités **DÉRIVÉES**.

Mètre	m	Longueur
Seconde	s	Temps
Kilogramme	kg	Masse
Ampère	A	Courant électrique
Candela	cd	Intensité lumineuse
Mole	mol	Quantité de substance
Kelvin	K	Température



Grandeur

B. Dimensions

La nature d'une grandeur est traduite par sa formule en dimensions

- grandeur **longueur** : $[L]$
- grandeur **masse** : $[M]$
- grandeur **temps** : $[T]$
- vitesse : $[LT^{-1}] = ([L] / [T])$
- accélération : $[LT^{-2}] = ([L/T^2])$



Grandeur

C. Applications

- La formule de la force correspond à la masse multipliée par l'accélération :

$$f = m * a$$

On a $[a] = [LT^{-2}]$ et $[M]$

On en déduit que : $[f] = [M] * [LT^{-2}] = [MLT^{-2}]$



Grandeur

C. Applications

- La loi de Lorentz est la suivante :

$$f = qvB \text{ (avec } v = \text{vitesse et } B = \text{induction magnétique)}$$

On cherche à trouver les dimensions de $[B]$:

On a $[V] = [LT^{-1}]$, $[F] = [MLT^{-2}]$ et $[Q]$

Or $B = f/qv$

On a donc : $[B] = [MLT^{-2}]/[Q]*[LT^{-1}]$ (ou $[MT^{-1}Q^{-1}]$)



Mesures & incertitudes

La mesure exacte est une FICTION mathématique, elle est donc impossible.

Dans la réalité, il n'existe que des mesures approchées de la mesure exacte supposée.



Mesures & Incertitudes

A. Erreur absolue

= différence entre mesure approché et la mesure exacte.

$$\textit{Erreur absolue} = |\textit{Mesure approchée} - \textit{Mesure exacte}|$$

Elle peut être estimée par l'**écart moyen en valeur absolue** (moyenne des différences entre la mesure exacte et les différentes mesures approchés :

$$\frac{1}{N} \sum |\textit{mesure exacte} - \textit{mesure approchée}| = \frac{|m_e - m_{a1}| + |m_e - m_{a2}| + \dots + |m_e - m_{an}|}{N}$$

L'erreur absolue peut être bornée par un appareillage ou le processus de mesure.

= **erreur absolue maximum.**



Mesures & Incertitudes

B. Erreur relative

- = Erreur absolue divisé par la valeur exacte.
- = **PAS D'UNITÉ** (donnée en pourcentage).

$$\textit{Erreur relative} = \frac{\textit{erreur absolue}}{\textit{valeur exacte}} = \frac{|\textit{Mesure approchée} - \textit{Mesure exacte}|}{\textit{Mersure exacte}}$$

/\! L'erreur relative sur un produit ou un quotient de termes est toujours la somme des erreurs relatives des facteurs /\!



Mesures & Incertitudes

C. Estimation de la mesure exacte

On estime la mesure exacte en répétant N fois la mesure précise d'une grandeur (N environ 10 fois si possible).

N dépend de la méthode de mesure et de la précision (+ N augmente, + la mesure estimée sera précise).



Mesures & Incertitudes

D. Applications

Un P1 décide de se rendre dans une boulangerie afin de se remplir l'estomac. L'établissement assure que tous ses sandwiches sont calibrés au poids de 200g.

Notre P1, avide de précision, décide de vérifier qu'il ne dépense pas son argent dans le vent et pèse son sandwich fraîchement acheté. La balance affiche 180g.

Erreur absolue : $| \text{Mesure approchée} - \text{Mesure exacte} | = | 200 - 180 | = 20\text{g}$

Erreur relative : $\text{Erreur absolue} / \text{Mesure exacte} = 20 / 200 = 0,1$



Mesures & Incertitudes

D. Applications

Clara s'ennuie. Elle décide de calculer la distance qui sépare son appartement des amphis de droit dans lesquels se déroule son cours de biostats préféré.

Elle se rappelle que : $d = v \times t$, où d est la distance, t est la durée et v la vitesse. Elle sait qu'elle marche à 5km/h avec une erreur relative de 10% et qu'elle met environ 30 minutes à aller aux amphis avec une erreur relative de 10%.

Erreur relative de d : $\Delta d = \Delta v + \Delta t = 10\% + 10\% = 20\%$

Erreur absolue : Erreur absolue = Erreur relative * Mesure exacte = $0,20 * (5 * 0,5) = 0,2 * 2,5 = 0,5$ km



VRAI ou FAUX

L'unité évolue dans le même sens que la grandeur.

VRAI ou FAUX

FAUX

Par exemple, prenons une règle qui a pour grandeur la taille (G) et pour unité le cm (UG) avec UG et G de même nature.

Une règle = 30 cm = 300 mm.

Ainsi plus l'unité est petite, plus la grandeur sera grande, les deux évoluent donc en sens opposé.

VRAI ou FAUX

Une accélération a pour formule en dimensions $[L/T^2]$.

VRAI ou FAUX

VRAI.

En effet, on sait que vitesse = distance/temps et que accélération =
vitesse/temps

$$a = dt^{-2} \text{ soit } a [L] [T] = [L] [T^{-2}] = [L/T^2]$$

VRAI ou FAUX

L'erreur relative correspond à la mesure approchée rapportée à la mesure exacte.

VRAI ou FAUX

FAUX.

L'erreur relative correspond à l'**erreur absolue** rapportée à la valeur exacte, c'est-à-dire à la **différence entre la mesure approchée et la mesure exacte** rapportée à la valeur exacte.

L'erreur relative s'exprime ainsi en **pourcentage**.

